

T.C.
DOKUZ EYLÜL ÜNİVERSİTESİ
SOSYAL BİLİMLER ENSTİTÜSÜ
EKONOMETRİ ANABİLİM DALI
YÜKSEK LİSANS TEZİ

72862

BATI MAKİNE SANAYİİ'NDE ÇOK AŞAMALI ÜRETİM STOK
PLANLAMASI

72 862

MEHMET AKSARAYLI

Danışman

Doç. Dr. H. Ahmet AKDENİZ

İZMİR

1998

T.C. YÜKSEKÖĞRETİM KURULU
DOKÜMANASYON MERKEZİ

Mehmet AKSARAYLI

Adi ve Soyadi

..... / / 1998

Tarih

YÜKSEK LİSANŞ TEZİ OLARAK SUNDUĞUM BATI MAKİNE SANAYİİ'NDE GÖK
AŞAMALI ÜRETİM STOK PLANLAMASI adlı GALİSMANIN TARAFIMDAN BİLMESİ
AHLAK VE GELENEKLERE AYKIRI DÜŞECEK BİR YARDIMA BASVURMAKSIZIN YAZILDIĞINI VE
YARARLANDIĞIM SERLERİN BİBLİYOGRAFYADA ÖSTERİLENLERDEN OLUSTURĞUNU, BUNLARA
ATF YAPILARAK YARRALANILMIŞ OLDUĞUNU BELİTİR VE BUNU ONURUMLA DOĞRULARIM.

TUTANAK

Dokuz Eylül Üniversitesi Sosyal Bilimler Enstitüsü'nün 21.08.1998 tarih 17 sayılı toplantısında oluşturulan jürimiz Lisansüstü Yönetmeleinin 21. Maddesine gereğince Ekonometri Anabilim Dalı yüksek lisans öğrencisi Mehmet AKSARAYLI'nın "Bir Makine Sanayinde Çok Aşamalı Üretim Stok Planlaması" konulu yüksek lisans tezini incelemiş 4/9/98 tarih ve saat 11.00 de jüri önünde tez savunmasına alınmıştır.

Adayın kişisel çalışmaya dayanan tezini savunmasından sonra 60 dakikalık süre içinde gerek tez konusu gerekse tezin dayanağı olan anabilim dallarından jüri üyelerince sorulan sorulara verdiği cevaplar da değerlendirilerek tezin BASARIYILI olduğuna oy Bilgiye ile karar verilmiştir.

BAŞKAN
Doç.Dr.Ahmet AKDENİZ

ÜYE
Doç.Dr.Mustafa GÜNEŞ

ÜYE
Doç.Dr.Aysegül BALA

TUTANAK

Dokuz Eylül Üniversitesi Sosyal Bilimler Enstitüsü'nün / / 199.. tarih ve sayılı toplantılarında oluşturulan jüri, Lisansüstü Öğretim Yönetmeliğinin maddesine göre EKONOMETRİ Anabilim Dalı / Yüksek Lisans öğrencisi Mehmet AKSARAYLI 'nın BATI MAKİNE SANAYİİNDE ÇOK AŞAMALI ÜRETİM STOK PLANLAMASI konulu tezi incelenmiş ve aday / / 199... tarihinde saat' da jüri önünde tez savunmasına alınmıştır.

Adayın kişisel çalışmaya dayanan tezi savunmasından sonra dakikalık süre içinde gerek tez konusu gerekse tezin dayanağı olan anabilim dallarından jüri üyelerince sorulan sorulara verdiği cevaplar değerlendirilerek tezin olduğuna oy ile karar verildi.

BAŞKAN

Üye

Üye

TEZ VERİ FORMU

Tez No:
Kodu:

Konu Kodu:

Üni.

Tezin Yazarının :

Soyadı : AKSARAYLI

Adı : Mehmet

Tezin Türkçe Adı : Batı Makine Sanayii'nde Çok Aşamalı Üretim Stok Planlaması

Tezin Yabancı Dildeki Adı : The Planning Of Production Stock on WMI

Tezin Yapıldığı Üniversite : Dokuz Eylül Üniversitesi

Enstitü : Sosyal Bilimler Enstitüsü

Yıl: 1998

Diğer Kuruluşlar :

Tezin Türü : 1

1. Yüksek Lisans

Dili : Türkçe

2. Doktora

Sayfa Sayısı : 79

3. Tıpta Uzmanlık

Referans Sayısı : 35

4. Sanatta Yeterlilik

Tez Danışmanının:

Ünvanı : Doç. Dr.

Adı : H. Ahmet

Soyadı : AKDENİZ

Türkçe Anahtar Kelimeler :

İngilizce Anahtar Kelimeler:

1. Dinamik Programlama

1. Dynamic Programming

2. Çok Aşamalı Optimizasyon

2. Multi-Stage Optimization

3. Üretim-Stok Planlaması

3. Production-Stock Planning

Tarih :

İmza :

ÖZET

Günümüzde mal ve hizmet üretimi bir ülkenin gelişmişliği ve rekabet gücünün önemli bir simgesi durumundadır. Ürettiği malı dünya pazarlarında satabilmek için kaliteli mal ve hizmet üretmek üretim kaynaklarının verimli bir şekilde kullanılmasıyla mümkündür.

Gereksiz stoklar verimliliği amaçlayan işletmeler için maliyeti attıran bir unsudur. İşletmeler için üretim – stok planlaması talepleri karşılayabilmenin ve minimum maliyeti sağlamaın bir yoludur.

Bu çalışmada dinamik yapı gösteren üretim – stok planlaması üzerinde durulmuştur. İlk bölümde üretim ile ilgili kavramların ardından , ikinci bölümde stok kavramı açıklanmış , üçüncü bölümde uygulama çalışmasının temelini teşkil eden dinamik programlama yaklaşımı anlatılmış ve son bölümde Batı Makine Sanayiinde çok aşamalı üretim stok planlaması yapılmıştır.

ABSTRACT

In today's world, production of goods and service is an important indicator of a country's development and competitiveness. A company which wants to sell its products in world market has to use production resources effectively.

Unnecessary stock holding increases costs and it is not good for a company which dedicated itself to effectiveness and profit. Production stock planning is a way that helps the company to meet its demands and to have minimum costs. This study is about production stock planning which has a dynamic structure. In first section, terms about production and in second section the concept of stock are introduced. In third section dynamic programming approach which forms the basis of practice study is explained. In the last section multi-stage dynamic production stock planning which performed in West Machine Company is presented.

Bu çalışmanın hazırlanmasında katkıları bulunan başta değerli hocam Doç. Dr. Ahmet Akdeniz olmak üzere tüm hocalarıma sonsuz teşekkürü bir borç bilirim.

İzmir 1998

Mehmet Aksaraylı



İÇİNDEKİLER

Özet	IV
Abstract	V
İçindekiler	VI
Şekiller Listesi	XI
Giriş	

1.BÖLÜM

ÜRETİM

1.1. ÜRETİM YÖNETİMİ	2
1.1.1. Üretim Yönetiminin Önemi	2
1.1.2. Üretim Yönetiminin Tanım	2
1.1.3. Üretim Yönetiminin Amaçları	3
1.2. ÜRETİM KAVRAMLARI	
1.2.1. Üretim	3
1.2.2. Üretim İşleminin Tarihi Gelişimi	4
1.2.3. Üretim Çeşitleri	4
1.2.3.1. Mal Üretimi	4
1.2.3.2. Hizmet Üretimi	4
1.2.4. Üretim Yöntemlerine Göre Sınıflandırma	5
1.2.5. Mal Üretim Akışına Göre Üretim	5
1.2.5.1. Sipariş Üretimi	5
1.2.5.2. Kitle Halinde Üretim	6
1.2.6. Üretim Stratejileri	6
1.2.7. Üretim Kararları	7
1.3. ÜRETİM PLANLAMASI VE KONTROLÜ	7
1.3.1. Üretim Planlaması Tanımı	7

1.3.2. Üretim Planlamada Yer Alan Üretim Faaliyetleri	8
1.3.2.1. Üretim Kısıtlarının Optimum Kullanımı	8
1.3.2.2. Ürün Tespiti ve Üretim Sistemi	8
1.3.2.3. Zaman Faktörü	
1.3.2.4. Üretim Planlarının Hazırlanması ve Sorumluluğu	9
1.3.2.5. Üretim Planlamasının Kontrolü	9
1.3.3. Üretim Planının Hazırlanması	9
1.3.4. Üretim Planları Bölümleri	10
1.3.4.1. Üretim Bütçeleri	10
1.3.4.2. Üretim Programları	10
1.3.4.2.1. Üretim Miktarının Programlanması	10
1.3.4.2.2. Makine, Teçhizat ve Aletlerin Programlanması	11
1.3.4.2.3. Hammadde ve Malzeme Programlanması	11
1.3.4.2.4. Personelin Programlanması	12
1.3.5. Üretim Planlamasının Yararları	12

2. BÖLÜM

STOK

2.1. TANIM VE KAVRAM	13
2.2. STOKLARIN SINIFLANDIRILMASI	13
2.2.1. Hammaddeler	13
2.2.2. Yarı Mamuller	13
2.2.3. Hazır Parçalar	14
2.2.4. Tamamlanmış Ürünler	14
2.3. STOK MALİYET GİDERLERİ	14
2.4. STOK KONTROL YÖNTEMLERİ	15
2.4.1. Tam Zamanında Üretim (J.I.T.)	15
2.4.1.1. Tam Zamanlı Üretimin Dayandığı Temeller	16

2.4.2. Stok Kontrolünde Kanban Yöntemi	16
---	-----------

3. BÖLÜM

DİNAMİK PROGRAMLAMA

3.1. DETERMINİSTİK DİNAMİK PROGRAMLAMA	18
3.1.1. Dinamik Programlama Kavramı	18
3.1.2. Posta Arabası Problemi (En Kısa Yol Problemi)	19
3.1.2.1. Problemin Ağaç Çizilemiyle Çözümü	21
3.1.2.2. Dinamik Programlama yaklaşımıyla Çözüm	23
3.1.2.3. Dinamik Programlamanın Temel Kavramları	27
3.1.2.4. Geriye Doğru Çözüm Yaklaşımı	28
3.1.3. Sırt Çantası Problemi (Yükleme Problemi)	29
3.1.4. Sistem Güvenilirliği Problemi	34
3.1.5. Üretim Stok Planlaması	46
3.2. OLASILIKLI DİNAMİK PROGRAMLAMA	47
3.3. DİNAMİK PROGRAMLAMANIN AVANTAJ VE DEZAVANTAJLARI	48

4. BÖLÜM

UYGULAMA

4.1. BATI MAKİNE SANAYİİ İŞLETME TANITIMI	51
4.2. BATI MAKİNE SANAYİİ'NDE ÇOK AŞAMALI ÜRETİM STOK UYGULAMASI	52
4.2.1. Sorunun Formulasyonu	54

4.2.2. Planlama	56
4.3. SONUÇ	72
4.4. TALEP VE STOK MİKTARINDAKİ DEĞİŞMELERİN ÜRETİM PLANI ÜZERİNE ETKİSİ	74

ŞEKİLLER LİSTESİ

Şekil 1 Posta Arabası Problemi	20
Şekil 2 Ağaç Çizilemi	22
Şekil 3 Güvenilirlik Problemi İçin Aşamaların Gösterimi	37
Şekil 4 Geriye Doğru Üretim Stok Çözüm Çizilemi	43
Şekil 5 Olasılıklı Dinamik Programlamaya İşkin Temel Yapı	49
Şekil 6 Dinamik Programlama Çözüm Çizilemi	55
Şekil 7 Aylara Göre Talep Üretim İlişkisi	73
Şekil 8 Aylara Göre Stok Ütretim İlişkisi	73

GİRİŞ

Ülke ekonomisi için büyük önem taşıyan kaliteli mal üretiminin stokla birlikte düşünülmesi çoğu zaman kaçınılmazdır. Talep dalgalarlarının çok görüldüğü ürünler için talepleri karşılamak çoğu zaman elde stok bulundurmakla mümkün olmaktadır. Stokların da bir maliyet taşıdığı göz önüne alındığında stok miktarı büyük önem taşımaktadır.

Bu çalışmada Batı Makine Sanayii’nde üretim stok planlaması gerçekleştirilmiştir. Bu planlama gerçekleştirilirken kullanılan yöntem dinamik programlama yaklaşımıdır. Dinamik programlama yaklaşımı ardışık karar aşamalarına sahip problemlerin çözümü için etkin bir yöntemdir.

1. BÖLÜM

ÜRETİM

1.1. ÜRETİM YÖNETİMİ

1.1.1. Üretim Yönetiminin Önemi

Dünya tarihinde toplumların en az kendilerine yetecek kadar mal ve hizmet üretmeleri hayatlarını devam ettirmelerini doğrudan etkilemiş önemli bir etmen olmuştur. Önceleri sadece yaşamlarını sürdürmek için mal ve hizmet üreten toplumlarda artan nüfusla birlikte daha çok ve daha kaliteli hizmet üretme ihtiyacı doğmuştur. Bilim ve teknolojinin gelişmesiyle birlikte daha kaliteli ve daha çok mal ve hizmet üretme çabaları başlamış ve bu çabalar günden güne armuştur.

Günümüzde ise kaliteli mal ve hizmet üretimi gelişmişliğin bir simgesi olmuş ve bir ülkenin kalkınma gücü ve refah seviyesinin önemli bir ölçütü haline gelmiştir. Bu açıdan kaliteli mal ve hizmet üretiminde “Üretim Yönetimi” olarak ifade edilen bilim dalının önemi büyktür.

1.1.2. Üretim Yönetiminin Tanımı

1770'lerde Adam Smith'in, 1830'larda Charles Babbage'nin, 19. yüzyıl ortalarında F. Taylor'un ve 1930'larda W. Shewart'in çalışmalarıyla büyük katkı sağladıkları üretim yönetimi; işletmenin elindeki hammadde, makine ve işçilik faktörlerinin belirli miktardaki ürünün istenilen kalitede, istenilen zamanda ve mümkün olan en düşük maliyetle üretimi sağlayacak şekilde bir araya getirilmesidir.

Üretim kısıtları altında yüksek miktarda, istenilen kalitede, zamanda ve fiyatta ürün üretmek, gerçekleştirilmesi oldukça zor bir iştir. Üretim miktarını

artırmak satışları olumlu etkilemenin yanında taşıma ve depolama masraflarını artırmaktadır. Dolayısıyla üretim sorunu çok yönlü bir sorundur ve yönetici bu sorunu en iyi bir şekilde çözmek zorundadır.

Üretim yönetiminin önemli konularından biri maliyet minimizasyonu veya kar maksimizasyonunu sağlamaktır. Bu sorunlar için doğrusal programlama ve dinamik programlama çok sık kullanılmaktadır.

1.1.3. Üretim Yönetiminin Amaçları

Bir birim ürün üretmek için kullanılan faktörlerin oluşturduğu maliyeti "input", ve ortaya çıkan ürünün getirisini ise "output" olarak ifade ettiğimizde output / input oranını maksimum seviyede tutmak üretim yönetimi biliminin amacıdır.

Ayrıca, üretim yönetimi işletme için minimum maliyeti veya maksimum karı sağlayacak şekilde hangi üründen hangi üretim düzeyinde, hangi kalitede, nerede ve kim tarafından üretileceği sorularına cevap aramanın yanında tüketici isteklerinin de optimum düzeyde karşılanması amaçları.

1.2. ÜRETİM KAVRAMLARI

1.2.1. Üretim

Ekonomistler tarafından "fayda yaratmak" olarak tanımlanan üretim, mühendisler tarafından ise "bir fiziksel varlık üzerinde, onun değerini artıracak bir değişiklik yapmayı veya ham madde veya yarı mamulleri kullanılabilir bir mamule dönüştürme" olarak tanımlanır.

Üretimi fayda sağlayan ürün veya hizmet yaratmak olarak tanımladığımızda, üretim en basit olarak,

1. Toprak (Hammadde),
2. İşçilik,
3. Sermaye,

faktörlerinden oluşmaktadır.

1.2.2. Üretim İşleminin Tarihi Gelişimi

1. İlkel üretim düzeni,
2. El işi sanayi (zanaatkarlık),
3. Ev sanayi (sipariş) sistem,
4. Endüstri devri (makinalı üretim),
 - a) Makinalı üretim (imalathane) sistemi,
 - b) Modern endüstride üretim sistemi (fabrikasyon) şeklindedir.

1.2.3. Üretim Çeşitleri

1.2.3.1. Mal Üretimi

Tüketicilerin ihtiyaçını karşılamak amacıyla hammadde veya hammaddelerin işlenmesiyle oluşan ürünler mal üretimi olarak ifade edilebilir.

1.2.3.2. Hizmet Üretimi

Hizmet, bir kimsenin diğer bir kimseye belirli bir fiyattan sunabileceği, genellikle soyut olan faaliyet veya yarardır ve herhangi bir şeyin mülkiyeti ile sonuçlanmaz.

Hizmet üretimi, endüstriyel kullanıcılaraya yada tüketicilere pazarlandığı zaman istem doyumu yaratan soyut faaliyet üretimi olarak tanımlanır.

Bankacılık, otel işletmeciliği ve ulaşım hizmet üretimine birer örnektir.

1.2.4. Üretim Yöntemlerine Göre Sınıflandırma

- a) Birincil (= primer) Üretim :** Doğadaki hammaddelerin tüketime sunulmak amacıyla çıkarılmasını sağlayan üretimdir. Maden işletmeciliği ve orman işletmeciliği birer örnektir.
- b) Analitik Üretim :** Temel hammadelerin bazı işlemlerden geçirilerek oluşturulan ürün üretimidir. Ayçiçekten çiçek yağı, ham petrolden benzin ve şeker pancarından şeker üretimi gibi.
- c) Sentetik Üretim :** Doğadaki hammadelerin birleştirici işlemlerden geçirilerek yapılan ürün üretimidir. Plastik ve cam üretimi gibi.
- d) Fabrikasyon Üretim :** Hammaddelere şekil verme yolu ile yeni ürün üretilmesidir. Döküm, tornalama ve presleme gibi.
- e) Montaj Üretimi :** Çeşitli hammadde, yarı mamul ve parçaların sistematik biçimde bir araya getirilerek gerçekleştirilen ürün üretimidir. Otomobil, televizyon ve beyaz eşya üretimi gibi.

1.2.5. Mal Üretim Akışına Göre Üretim

Mal üretimi üretim akışı açısından iki ana başlık altında toplanabilirler . :

- A) Sipariş Üretimi,**
- B) Kitle Üretimi**

1.2.5.1. Sipariş Üretimi

Sipariş üretiminde asıl olan müşteri talepleri doğrultusunda üretim yapmaktadır. Sipariş üretimi üzerine üretim yapan işletmelerde farklı dönemlerde farklı üretim prosesleri ve farklı üretim düzeni söz konusu olabilir.

Sipariş üretiminde ürünler tüketiciyi memnun etmesi bakımından kaliteli olmakla birlikte proseslerdeki değişikliğin ve aylak zamanların değerlendirilemediği durumda maliyetler çok yüksek olabilir.

Bu tip işletmelere örnek olarak tekstil işletmeleri, ayakkabı imalathaneleri ve inşaat şirketleri verilebilir.

1.2.5.2. Kitle Halinde Üretim

Geniş pazar payına sahip işletmeler pazar paylarını kaybetmemek ve daha fazla tüketiciye ulaşmak için çok miktarda ürün üretmek zorundadırlar. Böyle büyük işletmeler için üretim kitle halinde (seri üretim) olmak zorundadır.

1

1.2.6. Üretim Stratejileri

- Firmayı sürekli büyütmesini sağlamak,
- Topluma hizmet etmek,
- Kaliteli mal üretmek,
- İleri teknoloji kullanmak,
- Ortaklara daha fazla kar payı dağıtmak,
- Çalışanların hayat standartlarını yükseltmek,
- Firmayı prestijini artırmak,
- Kar etmek,
- Organizasyonu geliştirmek,
- Prodüktiviteyi artırmak,
- Tüketiciyi memnun etmektir.

¹ KOBU Bülent; Üretim Yönetimi; İstanbul 1994; Sayfa 45,46

1.2.7. Üretim Kararları

- a) Proses :** Üretilcek ürünün nasıl üretileceği, üretim sisteminin ne olacağı, fabrika yerleşim planı ile ilgili kararları,
- b) Kapasite :** Ne kadar mal üretilceği ve çalışma düzeni ile ilgili kararlar,
- c) Stoklar :** Stok miktarları ile ilgili kararlar,
- d) İşgücü :** İşgücünen en etkin bir şekilde kullanılmasıyla ilgili kararlar,
- e) Kalite :** Ürün kalitesi ve kalite kontrol ile ilgili kararlar

Üretim kararlarını oluşturur.

1.3. ÜRETİM PLANLAMASI VE KONTROLÜ

1.3.1. Üretim Planlaması Tanımı

İşletmelerin, ellerindeki üretim kısıtları (hammadde veya yarı mamul, işçilik, mevcut makine ve teçhizat) ile en iyi üretimi sağlayabilmesi için bu kısıtları en verimli şekilde kullanması gerekmektedir. Kullanılmayan hammadde veya yarı mamul, atıl kalan makine ve teçhizat, verimli değerlendirilmeyen işçilik üretim miktarını ve kalitesini düşürerek karı azaltmakla birlikte büyük ölçüde maliyeti de artırmaktadır. Hem tüketiciyi hem de üreticiyi memnun etme amacı güden üretim planlaması; işletmede üretim kısıtlarının verimli bir şekilde kullanılmasını, bu kısıtlar ile hangi üründen ne miktarda, hangi metodlarla,

nerede ve nasıl üretileceğini gösteren tasarı yada modele denir. Üretim planlaması her bir üretim faaliyeti için ayrı başlıklarda incelenir.

1.3.2. Üretim Planlamada Yer Alan Üretim Faaliyetleri

1.3.2.1. Üretim Kısıtlarının Optimum Kullanımı

İşletmenin elindeki makine ve teçhizatların ve işgucünün en etkin bir şekilde kullanılması her üretim unsurunun üretim içinde en uygun şekilde planlanmasıyla mümkündür.

Makine ve teçhizatın üretim aşamalarının en uygun yerinde üretimi kolaylaştırıcı ve üretim miktarını artıracak şekilde yerleştirilmesi, işgucünün ise verimi artırıcı bir şekilde kalifiye derecelerine göre dağıtıması gerekmektedir. Üretim unsurlarının üretim işleminde kusursuz bir akış göstermeleri işletme için büyük önem taşımaktadır. Bu sorunlar üretim planlaması tarafından göz önüne alınır.

1.3.2.2. Ürün Tespiti ve Üretim Sistemi

Hangi nitelikteki hangi ürünün nasıl üretileceği işletme için ilk düşünülmesi gereken sorumlardandır. İşletme imkanları dahilinde işletme karlılığında düşünerek belli nitelikleri taşıyan bir ürün belirlenmelidir. Üretilmesi planlanan ürün belirlenirken Pazar payı, işletmenin pazarlama ve satış ağı, üretim için gerekli hammadde veya yarı mamule ulaşım, pazara ulaşım gibi sorunlar göz önüne alınmalıdır.

Ayrıca ürüne karar verildikten sonra üretim sistemine yani sipariş üretimi veya kitle üretimine karar verilmelidir.

1.3.2.3. Zaman Faktörü

İşletme için zaman ifadesi yapılan planlama zamanı ve üretim zamanını içerir. Planlama zamanı ürünün üretilmesi ile ilgili kıs orta veya uzun vadeli planları içerir. Üretim zamanı ise ürün üretimine ne zaman başlanıp ne zaman sonlandırılacağı, iş istasyonlarında yapılacak işlemlerin sürelerini içerir.

1.3.2.4. Üretim Planlarının Hazırlanması ve Sorumluluğu

Yapılan planların gerçekleştirilmesi, sorunların ortaya çıkarılıp ayıklanması için yöneticilere görev ve sorumlulukların etkin bir şekilde dağıtılması ve yönetimin planlanması bu başlık altında toplanabilir.

1.3.2.5. Üretim Planlamasının Kontrolü

- a) Yapılacak işlerin planda yer alan esasa göre yapılip yapılmadığının kontrolü,
- b) Tespit edilen zamana uygun üretim faaliyetlerinin kontrolü,
- c) Planda ön görülen iş istasyonları arasındaki koordinasyonun kontrolü,
- d) İşlerin fiilen yapılmasına ilişkin verilen yetkinin kullanılmasının kontrolü ,

Üretim planlamasının kontrolünün ana maddelerini oluşturmaktadır.

1.3.3. Üretim Planının Hazırlanması

Üretim planlarının kolay uygulanabilmesi, üretim için maksimum yarar sağlamaşı ve kolay kontrol edilmesi bakımından basit ve anlaşılır olması

gerekmektedir. Böyle bir üretim planının hazırlanması için yapılacak işler şöyle sıralanabilir.

1. Üretim planının kapsayacağı zaman aralığı tespit edilir.
2. Ekonomik stok düzeyleri hesaplanır.
3. Talep tahminleri yapılır.
4. Plan dönemi başındaki ve sonundaki stok düzeyleri belirlenir.
5. Başlangıç ve bitiş stokları arasındaki fark bulunur.
6. Planlama dönemi içinde üretilmesi gereken miktar bulunur.
7. Üretilmesi istenen miktar dönem dilimlerine dağıılır.

1.3.4. Üretim Planları Bölümleri

1.3.4.1. Üretim Bütçeleri

Üretim bütçeleri belirli bir dönemde üretim yapılacak mallarla bu mallara ait giderlerin tahmin ve tespitidir.

1.3.4.2. Üretim Programları

- Üretim hacminin (miktarın) programlanması,
- Makine teçhizat ve aletlerin programlanması,
- Hammadde ve malzemenin planlanması,
- Üretim için gerekli personelin planlanması içeriir.

1.3.4.2.1. Üretim Miktarının Programlanması

Üretim miktarı işletmenin üretim gücü dikkate alınarak ve pazarlama kısıtı altında talep miktarı doğrultusunda belirlenir. Bilinen veya tahmin edilen talep miktarından daha fazla üretim yapmak depolama ve pazarlama sorunu ile birlikte maliyeti de arttırr. Üretim miktarı işletme üretim kapasitesini aştığında marjinal maliyet getirir. Üretim miktarı talebi karşılayamayacak miktarda olduğunda ise yitirilen kazanç söz konusu olur.

İşletme elindeki makine, teçhizat ve işgücü doğrultusunda günlük, haftalık veya aylık maksimum ürün üretme miktarını tespit eder. Belirli dönemlerde mevsimlik veya konjonktürel dalgalanmalar sebebiyle veya sipariş üzerine çalışıldığı durumlarda sipariş miktarının büyük oranlardaki artış ve azalma göstermesiyle birlikte işletme amaçları doğrultusunda işletmenin üretim gücü artırılabilir veya azaltılabilir.

1.3.4.2.2. Makine, Teçhizat ve Aletlerin Programlanması

Üretim programlamasında optimum üretim için makine, teçhizat ve aletlerin etkin bir şekilde kullanılması gerekmektedir. Bunun için de söz konusu üretim faktörlerinin niteliklerini ve kapasitelerini bilmek gereklidir.

Makine ve teçhizat programlamasında yapılması gereklili işler aşağıdaki gibi sıralanabilir.

- a) Makine ve teçhizat kapasitelerini tespit etmek ,
- b) Söz konusu üretim faktörlerinin proses içerisindeki yerlerini belirlemek,
- c) Makine ve teçhizatın iş ve zaman standartlarına göre üretim faaliyetinde bulunmalarını sağlamak ,
- d) Makine ve teçhizatın özelliklerini ve hangi kademedede ne işlerde kullanılacağını belirlemek .

1.3.4.2.3. Hammadde ve Malzeme Programlanması

İşletme için üretimin süreklilığını sağlamada önemli bir faktör de üretim için gerekli hammadde ve malzemeye ihtiyaç duyulduğu an ulaşılabilmesidir. Bu sebeple hammadde ve malzemenin sipariş miktarları, iki sipariş arasındaki süre, depolama sorunları, hammadde ve malzeme standardizasyonu gibi sorunları çözüme ulaştıracak bir programlama yapılmalıdır.

1.3.4.2.4. Personelin Programlanması

Üretim yapmak için işgücüne mutlak ihtiyaç vardır. Eldeki işgúcünün veya personelin en verimli bir şekilde çalışmalarını sağlayacak programlama yapılmalıdır. Makine ve teçhizatların kullanılması üretim için son derece önemli olduğundan personel eğitimleri, uzmanlıklarları ve yetenekleri doğrultusunda görev ve sorumluluk dağılımı yapılmalıdır. Ayrıca personel sayısının tespiti de işletme için çok önemlidir.

1.3.5. Üretim Planlamasının Yararları

- a)** İşgücü, makine ve malzemenin rasyonel ölçülere göre üretimde kullanılmasını sağlamak, atıl kapasiteyi ve üretim duraklamalarını önleme ve düzenli bir üretim sistemini gerçekleştirmek.
- b)** Hammadde ve malzeme mamullerin stoklanma politikasını tespit etmek ve aşırı stok yatırımlarını önlemek.
- c)** Mevcut işgücü, makine ve diğer üretim unsurlarının üretim faaliyetlerinde görev ve çalışma düzenlerini tespit etmek, üretim aşamaları arasındaki aksaklıkları önleyecek koordinasyonu temin etmek.
- d)** Üretim hacmini, üretim hacmi ile talep arasındaki dengeyi belirlemek ve üretim maliyetini tespit etmek.
- e)** Üretim faaliyetlerinde yetki ve sorumlulukları kesin şekilde belirlemek suretiyle karışıklıkları ve yanlış anlamaları ortadan kaldırmak.
- f)** İşletmenin gerçekleştireceği hedef ve amaçlarının belirlenmesi, buna uygun olarak yapılan iş mahiyetini kavramış bir organizasyon ve şuurlu bir üretim düzenini kurmaktır.

2. BÖLÜM

STOK

2.1. Tanım ve Kavram

Stok, tedarik veya üretim yoluyla elde edilen ve kullanılmadan veya müşteriye hemen arz edilmeden önce az veya çok belirli bir sürede bekletilen mal miktarına denir.

Stok, işletme için üretimi ve işletme karını doğrudan etkileyen bir kavramdır. Üretimin sürekliliğini sağlamak için üretimde kullanılan hammadde ve yarı mamullere ihtiyaç duyulduğunda ulaşmak gereklidir. İşletme, hammadde ve yarı mamulleri tedarikçilerden her istediği an temin edemeyeceği ihtimali altında söz konusu üretim faktörlerinden belirli bir miktar stok bulundurmak zorundadır. Aynı zamanda değişen talep doğrultusunda ürettiği ürün için de stok yapması ve her an talepleri karşılaması gerekmektedir.

2.2. Stokların Sınıflandırılması

2.2.1. Hammaddeler

Üretimde kullanılan ve üzerinde işlem yapılan varlıklardır. Örneğin bir akü fabrikasında kullanılan kurşun hammaddedir.

2.2.2. Yarı Mamuller

Daha önce bir üretim aşamasından geçmiş fakat daha tamamlanmamış ve iş istasyonları arasındaki depolarda biriktirilen varlıklar. Örneğin bir akü

fabrikasında kutulanmış fakat kapakları kapatılmadan bekleyen bir mamul yarı mamul olarak adlandırılır.

2.2.3. Hazır Parçalar

Ürünün bir kısmını oluşturan ve dışarıdan temin edilen mallardır. Bir akü fabrikası için kutu ve kapaklar hazır parçalardır.

2.2.4. Tamamlanmış Ürünler

Üretim aşaması sonunda tüketiciye sunulacak hale gelmiş ürünlerdir. Bunların tekrar işlenmesi söz konusu olmadığından diğer stok çeşitlerine nazaran depolama faaliyetleri daha basit ve kontrolleri daha kolaydır.

2.3. Stok Maliyet Giderleri

Stok maliyet giderleri üç ana başlıkta toplanabilir.

A) Sipariş Maliyeti : Sipariş edilen envanterlerin neden olduğu maliyetlerdir. Sipariş maliyeti sipariş miktarının çok veya az olmasına bağlı olarak artabilir veya azalabilir.

B) Stok Bulundurma Maliyeti : Stok bulundurmak bir çok etkene bağlı olarak maliyet içerir. Bunlar;

- Yıpranma ve eskime maliyetleri,
 - Depolama maliyetleri,
 - Taşıma maliyetleri,
 - Vergiler ve faiz masrafları,
- olarak ifade edilebilirler.

C) Stok Bulundurmama Maliyeti : Üretimde kullanılacak malların stoklarının tükenmesi durumunda üretim durmasına yol açabilmesinin

doğuracağı maliyet veya bitmiş ürün için stok tükenmesinde talebi karşılayamamaktan doğan maliyeti içerir.

2.4. Stok kontrol yöntemleri

2.4.1. Tam Zamanında Üretim (J.I.T.)

İlk kez Japonya 'da Toyota fabrikası tarafından 1940 yılların d geliştirilip, uygulamaya konan Tam Zamanında Üretim yaklaşımı , Japonlar'ın savaş sonrası içinde bulundukları ekonomik koşulların bir sonucu olarak ortaya çıkmıştır.

"Tam Zamanında" terimi , gerekli parçaların , gerekli olduğu miktarlarda , gerekli görülen kalite düzeyinde, gerekli olduğu zaman ve yerde üretilmesi durumunu açıklar.

Tam Zamanlı Üretimin amacı ; israfı ortadan kaldırmak , kaliteyi geliştirmek , verimliliği artırmak , ürünlerde ve üretimde sürekli gelişmeyi sağlamaktır.

Tam Zamanlı Üretim için iki önemli unsur

A) Sıfır stok

B) Sıfır hata

olarak verilir. Ancak bu hedeflere ulaşmak pratik olarak mümkün olmadığından , burada önemli olan , bu iki hedef doğrultusunda sürekli gelişme çabalarını yoğunlaştmak ve bu yolla israfı önleyip , maliyetleri azaltabilmektir.

2.4.1.1. Tam Zamanlı Üretimin Dayandığı Temeller

- 1) Ürünleri ekonomik üretime yönelik dizayn etmek.
- 2) İmalat akışını kolaylaştırmak için işyeri düzenlemesi yapmak.
- 3) Çalışanları katılımlarını sağlayan programlar oluşturmak.
- 4) Doğru veriyi elde etmeye yönelik çalışmalar yapmak.
- 5) Iskartayı azaltmak.
- 6) Stokları azaltmak
- 7) Bütün alanlarda sürekli gelişmeyi sağlamak.

2.4.2. Stok Kontrolünde Kanban Yöntemi

"Tam zamanında " üretim sadece gerekli parçaların , gerekli olduğu miktarlarda ve gerekiği zaman üretilmesi olarak tanımlanmaktadır. Üretimi " Tam Zamanında " gerçekleştirebilmenin ön koşulu ise , tüm süreçlere ne zaman ve ne miktarda üretim yapacaklarını zamanında bildiren bir bilgi sisteminin kurulmasıdır. Tam Zamanlı Üretim ortamında bu işlevi gerçekleştiren sistem Kanban sistemidir.

Kanban sistemi , Tam Zamanlı Üretim ortamında malzeme hareketlerinin kontrolü ve bu bağlamda üretim etkinliklerinin planlanması amacıyla kullanılan yeni bir üretim kontrol (çizelgeleme) yaklaşımıdır.

Üretim kontrol sistemleri , çeken sistemler ve iten sistemler olmak üzere iki temel grupta sınıflandırılabilir. Klasik sistemler iten sistemlerdir. Bu sistemde üretim ve envanter kontrolü tahmin edilen talep değerlerine dayanır ; bu değerlere göre üretim çizelgesi saptanır ; zaman içinde bu çizelge dikkate

alınarak üretim yapıldığı için , iten sistemler çoğu kez çizelgeye dayalı sistemler ya da çizelgenin ittiği sistemler olarak da adlandırılır. Bu ortamda , üretim süreçleri daima bir sonraki sürecin ihtiyacını karşılayacak şekilde üretim yaparlar. Ancak bu durumda , üretim süreçlerinden birinde oluşan bir sorundan ya da talepteki dalgalanmalardan kaynaklanan değişikliklere hızla uyum sağlamak kolay değildir. Bu nedenle klasik sistemlerde üretimin sürdürülmesi için yüksek ara stoklarla çalışmak kaçınılmaz olmaktadır.

Tam Zamanında Üretim sistemleri ise çeken sistemlerdir. Çeken sistemler sonraki süreçlerin önceki süreçlerden , sadece tüketikleri miktarda ve zamanda parça talep ettikleri ve çektiler sistemlerdir ve bu nedenle talebin çektiği sistemler olarak da tanımlanırlar. Çeken sistemlerde , üretim çizelgesi sadece son üretim sürecine gönderilir. Hangi ürünün ne zaman ve ne miktarda üretileceğini sadece son süreç tarafından bilinmesi , bu sürecin önceki süreçlerden sadece kendine gereken parçaları çekmesini sağlayacaktır. Çeken sistem olarak tanımlanan tam zamanında üretim sistemlerinde kullanılan üretim kontrol aracı kanban sistemidir.

Kanban sisteminde , hangi parçadan ne kadar üretileceği "kanban" adı verilen kartlar üzerinde belirtilmiştir. Kanbnlar daima üretim akışına ters yönde ancak fiziksel birimlerle birlikte sondan başa doğru hareket ederek üretim aşamalarını birbirine bağlarlar. Üretim aşamalarının bu şekilde birbirine bağlanması sonucunda ise sadece gereken parçalar , gerekli olan miktarda ve gerektiği zaman üretilmekte ve aşamalar arasında ara stoklara ihtiyaç kalmamaktadır. Bu zincirin , işletme dışında satıcılara kadar uzatılması durumunda ise hammadde stokları da kaldırılmış olacaktır.

3. BÖLÜM

DİNAMİK PROGRAMLAMA

3.1. DETERMINİSTİK DİNAMİK PROGRAMLAMA

3.1.1. Dinamik Programlama Kavramı

Ardışık ve birbirlerini etkileyen alt problemlere bölünebilen büyük problemleri çözmek için geliştirilmiş bir yöntem olan dinamik programlama, 1950 yılında Richard BELLMAN tarafından geliştirilmiştir.

Dinamik programlama yaklaşımı ile zaman değişkenine sahip problemlerin çözümü yapılabilmektedir. "Dinamik" kelimesinin altında yatan neden de budur.

Dinamik programlama ardışık ve birbirlerini etkileyen bir dizi kararın ayrı ayrı alınabildiği fakat sonuç için bütün olarak düşünülen problemler için geliştirilmiş bir optimizasyon yaklaşımıdır.

Dinamik programlama yaklaşımında amaç, ardışık ve birbirlerini etkileyen alt problemler için optimum kararları bulup ayrı ayrı bulunan sonuçları toplayarak problemi sonuçlandırmak değildir. Dinamik programlama yaklaşımında amaç, asıl problem için optimum sonucu verecek şekilde alt problemler için en iyi kararı bulmaktadır. Yani bazı durumlarda alt problemlerde en iyi olmayan bir karar gerçek problem için optimum sonucu sağlayan karar olabilmektedir.

Doğrusal programlama ile benzerlik gösteren dinamik programlama, doğrusal programlama gibi bir çok kısıtlayıcı varsayımdan içermemesi avantajının yanında standart bir modellemenin yapılamaması dezavantajını da içerir.

Doğrusal programlama yaklaşımı ile maksimum kazanç veya minimum maliyet problemleri çözülebilir.

Dinamik programlanın en büyük avantajı dinamik yapıdaki problemlerin çözümünde sağladığı kolaylıktır. Örneğin her biri 10 durum içeren 4 karar noktası olan bir problemi çözmek için denem yanılma yöntemi $10^4 = 10000$ mümkün hesaplama gerektireceğinden çözüm çok ağır ve sıkıcı olacaktır. Ancak dinamik programlama ile bu hesaplamalar $4 \times 10 = 40$ 'a indirilebilir. Bir çok karar noktası içeren son derece büyük karar problemleri için dinamik programlama büyük kolaylıklar sağlamaktadır.

Dinamik programlama özellikle üretim planlaması, envanter kontrolü, yenileme, yatırım planlaması, kaynakların dağıtıımı, ulaştırma, yükleme problemleri gibi sorunlarda çok geniş ve yaygın bir uygulama alanına sahiptir.

Dinamik programlama problemlerinin çözümü için kullanılacak özel bir model yoktur. Bu yüzden dinamik programlama problemlerinin her biri için ayrı ayrı çözüm yaklaşımları mevcuttur. Dinamik programlama kavramları da izleyen " Posta Arabası Problemi " ile açıklanmaya çalışılmıştır.

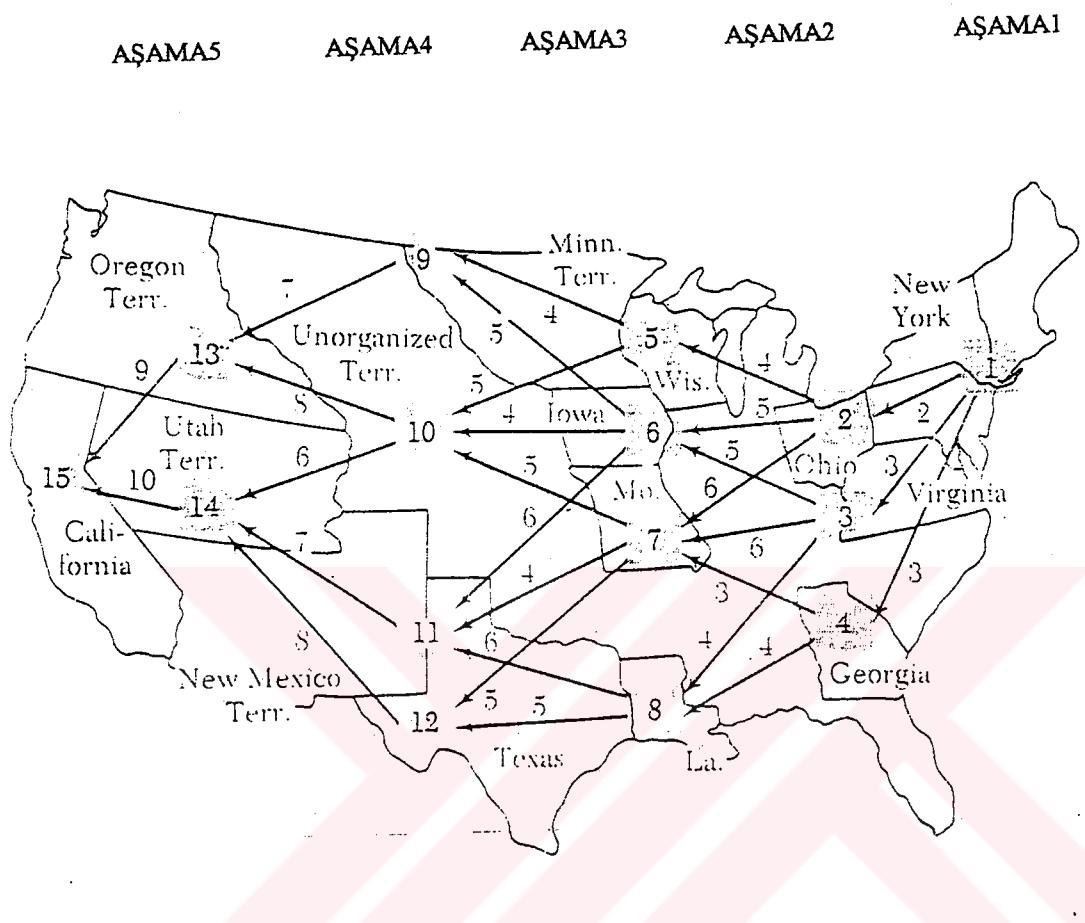
3.1.2. POSTA ARABASI PROBLEMİ (EN KISA YOL PROBLEMİ)

Aynı zamanda " En kısa Yol " problemi olan "Posta Arabası Problemi"nde en kısa yol veya en ucuz yolu bulunuş amacı bulunmaktadır.

Örnek problemde Dinamik Programlama yaklaşımı , optimalite prensibi ve Dinamik Programlama kavramları açıklamaya çalışılmıştır.

ÖRNEK : (Lawrencel , Lapin ; Javanovich , Harcourt Brace ; Quantitative Methods For Business Decision ; 1978 Atlanta , p: 662-671)

19. y.y başlarında New York' ta yaşayan Bay Tom Wysaker California' ya gitmeye karar verir. Zamanın tek ulaşım aracı posta arabasıdır. Bay Tom Wysaker California' ya yolculuğundaki her bir yol şekil 1 de gösterilmiştir.



Şekil 1: Posta arabası problemi

Şekilde her bir kare bir “şehri simgelemektedir. Bay Tom Wysaker hangi yol izlerse izlesin, California' ya 5 aşamalı bir yolu vardır. Yani New York' tan yola çıkan Bay Tom Wysaker ilk kararı New York' tan yola çıkmadan önce verecektir, daha sonra verdiği ilk karara bağlı olarak 2,3,4 durumundan (şehir) birine vardığında ikinci kararını verdiği şehirde 5,6,7,8 durumlarına varmak için yapacaktır, bu şekilde 5 karar verecek olan Bay Tom Wysaker 5 aşamada California' ya varmış olacaktır. Her bir posta arabası yolu bir durumda (şehirde) başlar ve bir diğerinde sona erer. Böylece, her bir birbirini izleyen karar noktası sonra gelen yolculuk için bir başlama durumunu temsil eder. Posta arabası yolculuğu kızilderililer, haydutlar, su baskınları, orman yangınları ve bufaloların

sebep oldukları şeklinde sıralayabileceğimiz tehlikelerle doludur. Bu yüzden Bay Tom Wysaker yolculuğa başlamadan önce hayat sigortası poliçesi almaya karar verir. Poliçe maliyeti seçilen yola bağlıdır ve seçilen yolun tehlikesiyle orantılıdır.

Şekilde okların yanındaki rakamlar bir durumdan diğer bir duruma gitmenin poliçe maliyetini ifade etmektedir.

3.1.2.1. Problemin Ağaç Çizilemiyle Çözümü

Ağaç çizilemi veya karar aacı , bir başlangıç noktasından itibaren olası durumları bu noktanın dalları olarak gösterip , daha sonra her bir dalın uzantısıyla erişilen durumu yeni bir nokta kabul ederek , buna bağlı durumları tekrar dallandırıp karşılaşılabilir tüm ardışık durumları bir aacıın dalları biçiminde gösterilmesiyle elde edilen şekildir.

Ağaç çizilemi ile olası tüm yollar hesaplanarak problemin çözümü bulunabilir.

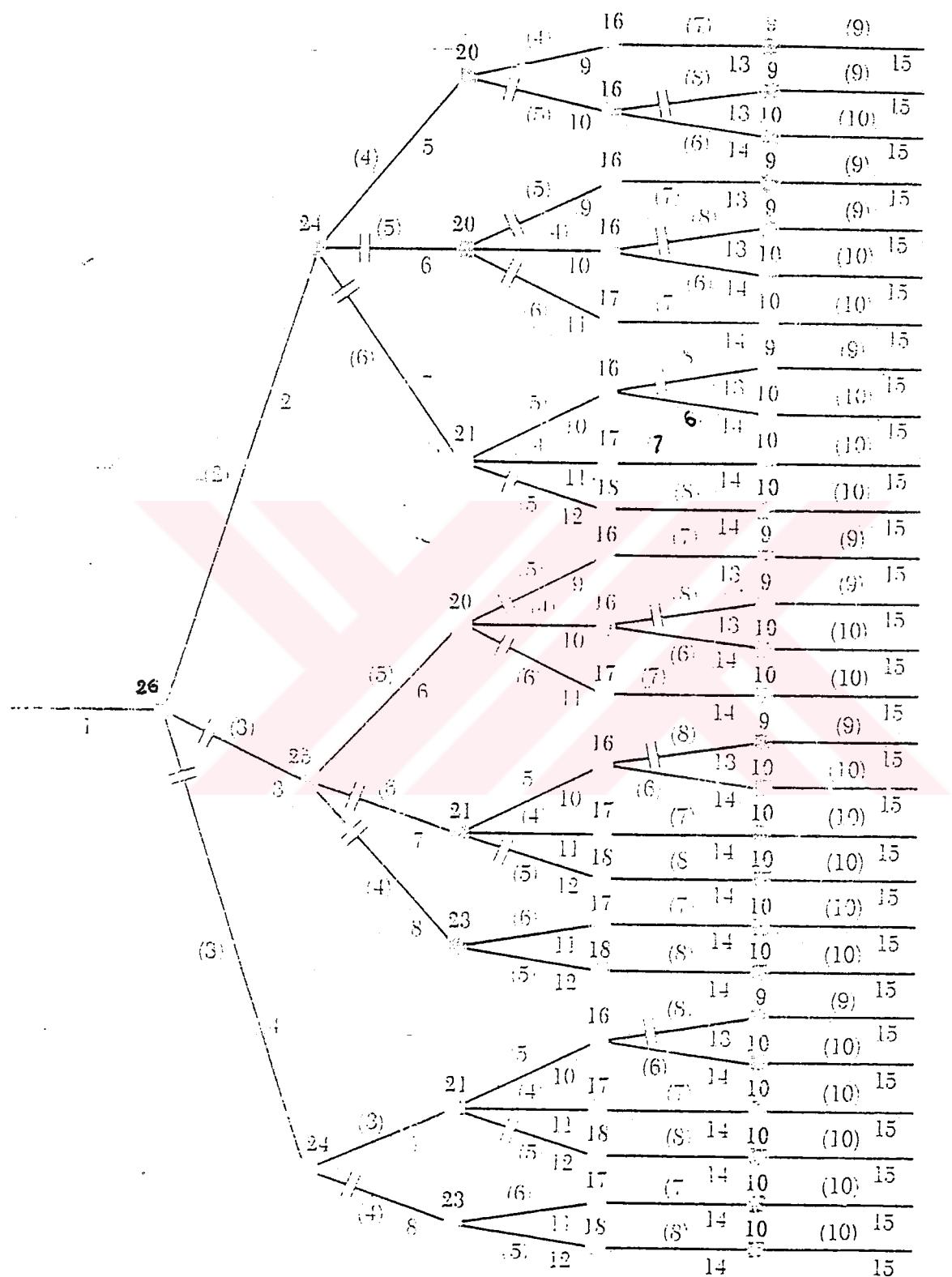
Problemimiz için ağaç çizilemi şekil 2 de verilmiştir.

Şekildeki her “□” durumu (şehir) , durumlar arasındaki çizgiler yolları , () içindeki rakamlar o yola ait poliçe maliyetini , “□” şemlinin üstündeki koyu rakamlar o duruma gelmenin poliçe maliyetini ifade eder. Şekilde muhtemel yollar çizildikten sonra geriye doğru minimum poliçe maliyetini veren yol tespit edilmiştir. Üzerinde “=“ olan çizgiler minimum poliçe maliyeti için seçilmemesi gereken yolu ifade eder. Ağaç çizilemi sonunda minimum poliçe maliyeti \$26000 olarak bulunur. Minimum poliçe maliyetini veren yol ise ;

1 → 2 → 5 → 9 → 13 → 15

olarak bulunur.

AŞAMA1
SEÇİMLER AŞAMA2
SEÇİMLER AŞAMA3
SEÇİMLER AŞAMA4
SEÇİMLER AŞAMA5
SEÇİMLER



Şekil 2 Ağaç Çizilemi

3.1.2.2. Dinamik Programlama yaklaşımıyla Çözüm

En İyi Politika : Optimalitenin Temeli

Bay Tom Wysaker'ın amacı minimum maliyetli yaşam sigortasını veren, ardışık 5 posta arabası yolunu seçmektir.

Dinamik programlama tarafından analiz edilmiş çok aşamalı karar probleminde alternatiflerin (yolların) belirli bir ardışık kararı bir "politika" olarak isimlendirilir. Optimal politika karar vericilerin amacını oluşturan birbirini takip eden alternatif durumlardır. Dinamik programmanın temeli optimallik ilkesindedir ve aşağıdaki gibi ifade edilir ;

Optimallik ilkesi: Optimal politika bir duruma nasıl ulaşıldığına bakılmaksızın sonraki kararlar, o durumun terk edilmesinden sonra optimal bir politikayı oluşturmalıdır.

Bu optimallik ilkesi ile örneğin 10. durumdan çıkan optimal yol 10. duruma nasıl ulaşıldığından bağımsız olarak belirlenmelidir. Hatta 9., 10., 11., ve 12. durumdan çıkan optimal yollarda belirlenmelidir. Bu belirlemeden sonra 7. Durumdan çıkan optimal yol kolaylıkla bulunabilir. Şöyle ki; 7. Durumdan sonra varılabilen 10., 11. ve 12. Durumlarda çıkan optimal yola bu 7. Durumdan bu durumiara varmanın maliyetleri eklenir ve en küçük olan değeri veren yol 7. Durumda çıkan optimal yol olur. Bu şekilde tüm durumlar için yapılan hesaplamalar sonunda optimal yol bulunur.

Problemin Matematiksel Formülasyonu:

Final aşamasında, Bay Tom Wysaker 13. veya 14. durumların birinde olacaktır. Bir sonraki aşamada ise sadece bir durum vardır. Dolayısıyla final aşaması onu 15. Duruma getirecek. Politika 5. Aşamada 14. Durum için 10 bin dolarlık bir dolarlık bir poliçe maliyetini içerir.

Problem için rotasyon aşağıdaki gibi tanımlanır:

$f_n(s) = n.$ Aşamada s. durumdaki poliçe maliyeti

$G_{sj} = s$ durumundan j duruma gitmenin poliçe maliyeti

f simbolü bulunan bu değerin amaç fonksiyonunun değeri, s simbolü ise amaç fonksiyonun değerinin sistemin durumuna bağlı olduğunu gösterir. n simbolü de sistem s durumundayken hedefe varmak için n aşamanın kaldığını belirten dinamik bilgiyi vermektedir. (TÜTEK ,H ; GÜMÜŞOĞLU , Ş ; Sayısal Yöntemle ; İstanbul 1994 ; sf:336)

$f_5(13) = \$ 9$ (5. aşamada 13. durumda iken poliçe maliyeti)

$f_5(14) = \$10$ (5. Aşamada 14. durumda iken poliçe maliyeti)

Problemi yolculuğun son aşamasında başlayarak çözmeye başladığımızda 5. Aşamada minimum poliçe \$ 9 olan $f_5(13)$ tür. 4. Aşamaya gelindiğinde 9., 10., 11. Ve 12. Durumdan 5. Aşamadaki 13. Ve 14. Durumlara varmanın maliyetinin yanı sıra 13. Ve 14. Durumdan 15. Duruma varmanın maliyeti eklenir ve bulunan bu değerler arasından 4. Aşamadaki her bir durum için 15. Duruma varmanın minimum Poliçe maliyetini veren yol belirlenir. Bu işlemler her bir aşama için yapılır ve minimum $f_n(1)$ değeri minimum poliçe maliyetini veren optimal yol belirlenmiş olur. Anlatılan bu yineleme "yineleme ilişki" olarak aşağıdaki formülle sağlanır.

$$f_n(S) = \text{Minimum } [C_{sj} + f_{n+1}(j)]$$

Problemin Çözümü

Şekil 1 de verilen 5 aşamalı problemin çözümüne en son (5.) aşamada başlanarak geriye doğru yineleme ilişkisi ile devam edilir ve çözümün sonuna diğer bir değişle sorunun başı olan 1. Aşamaya ulaşılır.

n=5 için;

$$f_5(14) = C_{14,15} = \$10$$

$$f_5(13) = C_{13,15} = \$9$$

olarak bulunur. Problem için son kara noktası 5. Aşama olduğu için bu aşamadan sonra $f_{n+1}(j)$ ile ifade ettiğimiz poliçe maliyeti söz konusu değildir.

n=4 için;

9., 10. Ve 11. Durumlar için 5. Aşamaya varmanın sadece 1 , 10. Durum için 2 mümkün yol mevcuttur. Bu durumlarda Bay Tom Wysaker için minimum poliçe maliyetleri çizelge 1 de elde edilmiştir.

Çizelge 1 Aşama 4

j	$C_{s_j} + f_5(j)$		Min $F_4(j)$	Optimal Karar
s	13	14		
9	16	-	16	13
10	17	16	16	14
11	-	17	17	14
12	-	18	18	14

n=3 için

Çizelge 2 Aşama 3

j	$C_{s_j} + f_4(j)$				Min $F_3(s)$	Optimal Karar
s	9	10	11	12		
5	20	21	-	-	20	9
6	21	20	23	-	20	10
7	-	21	21	23	21	10 veya 11
8	-	-	23	23	23	11 veya 12

Çizelgeden de görüleceği gibi 7. durumdan 10. veya 11. duruma gitmekle oluşan min. poliçe maliyeti ile 8. durumdan 11. veya 12. duruma gitmekle oluşan min. poliçe maliyeti birbirine eşittir.

$n=2$ için

Çizelge 3 Aşama 2

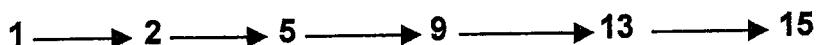
J	$C_{sj} + f_3(j)$				Min $F_2(s)$	Optimal Karar
	5	6	7	8		
2	24	25	27	-	24	5
3	-	25	27	27	25	6
4	-	-	24	27	24	7

$n=1$ için

Çizelge 4 Aşama 1

J	$C_{sj} + f_2(j)$			Min $F_1(1)$	Optimal Karar
	2	3	4		
1	26	28	27	28	2

Her aşama için yukarıdaki gibi çizelgeler oluşturulduktan sonra optimal yol en son çizelgedan geriye doğru gidilerek tespit edilir. Çizelge 4 te 1. durumdan 2. duruma gitmenin minimum poliçe maliyetini sağladığı, daha sonra çizelge 3 de 2. durumdan 5. duruma, çizelge 2 de 5. durumdan 9. duruma, çizelge 1 de 9. durumdan 13. duruma, ve son olarak da 13. durumdan 15. duruma gitmenin minimum. maliyeti verdiği görülür. Sonuç olarak Bay Tom Wysaker Kaliforniya'ya minimum poliçe maliyetini veren yol olarak



yolunu belirler. Tom Wysaker'in Kaliforniya'ya gitmesinin minimum poliçe maliyeti de \$26 olarak bulunur.

3.1.2.3. Dinamik Programlamanın Temel Kavramları

Kademe (Aşama – Safha) : Dinamik programlamaya konu olan ardışık karar probleminin her karar noktası kademedir.

Posta arabası probleminde her karar noktası birer kademeyi ifade ediyor. Problemde birbirini takip eden 5 karar noktası yani 5 aşama vardır.

Zaman indisi itibariyle alt problemlere ayrılmış problemde her bir zaman göstergesi birer aşamayı ifade eder. Örneğin üretim – stok planlaması problemi için her ay bir aşamadır.

Durum : Her bir aşamada problemin alabileceği veya değişkenlerin alabileceği değere durum denir. " Posta Arabası " probleminde 1 nolu karar noktasındaki Bay Tom Wysaker için bir sonraki aşama için söz konusu durum 2 nolu (Ohio şehri), 3 nolu (Virginia), 4 nolu (Georgia) karar noktaları 2. Aşamanın durumlarını ifade eder. 3. Aşamada ise 5,6,7,8 nolu şehirler 3. Aşamanın durumlarını ifade eder.

Geçiş Fonksiyonları : Her kademenin bulunabilecek durumlarda verilebilecek karara göre izleyen veya önceki kademenin hangi durumuna gelineceğini belirleyen ilişkilere geçiş fonksiyonları veya durumlar arası geçiş fonksiyonları denir. Optimizasyon problemleri için söz konusu kısıtlar dinamik programlamada geçiş fonksiyonları olarak ifade edilirler.

Ardışık Eniyileme : Problemin çözümüne en son aşamadan başlayarak geriye doğru eniyileme yaklaşımı " Geriye Doğru Eniyileme " veya ilk aşamadan başlayarak ileriye doğru eniyileme yaklaşımı " İleriye Doğru Eniyileme " şeklinde olabilir. Bu çalışmamızda "Geriye Doğru Eniyileme " yaklaşımı üzerinde durulmuştur.

Optimalite İlkesi : Optimal politika bir duruma nasıl ulaşıldığına bakılmaksızın sonraki kararlar, o durumun terk edilmesinden sonra optimal bir politikayı oluşturmak şeklindedir.

3.1.2.3. Geriye Doğru Çözüm Yaklaşımı

Birbirleriyle ilişkili alt problemlere ayrılmış ardışık karar problem için, problemi eniyileyecek değerlerin, n aşamalı bir problem için en son aşamadan (n. aşama) başlanarak ilk aşamaya (1. aşama) doğru ilerlenerek bulunması geriye doğru çözüm yaklaşımıdır . f_n n. aşamanın katkısı olmak üzere geriye doğru çözüm

$$f_n + f_{n-1} + \dots + f_3 + f_2 + f_1$$

şeklindedir.

Her aşamada belirlenecek durumların diğer aşamalarda verilecek kararları etkilediği göz önüne alınırsa , n. aşamada D_n durumuyla başlayan problemin eniyi çözümü

$$D_{n-1} = g_n(X_n, D_n) \text{ kısıtları altında}$$

$$\text{Eniyi } \{ f_n(X_n, D_n) + f_{n-1}(X_{n-1}, D_{n-1}) + \dots + f_1(X_1, D_1) \}$$

Karar modeli ile bulunabilir.

Dinamik programlamaya esas olan model , bulunulan durumda benimsenecek eylemle erişilecek durumları belirleyen geçiş fonksiyonlarını kısıt olarak alıp , bunlara göre tüm kademelerdeki katkıları belirleyen amaç fonksiyonu ile genelleştirilmektedir. (KARA , İmdat ; Yönetlem Araştırması; sf : 209)

3.1.3. SIRT ÇANTASI PROBLEMI (YÜKLEME PROBLEMI)

Sınırlı taşıma kapasitesi olan taşıyıcının farklı mallarda ne kadarının taşınacağı kararı ile ilgilenen problemler “sirt çantası problemi” olarak adlandırılır.

Aynı zamanda bir yükleme problemi olan söz konusu problemde her bir malın ağırlığı ve bu malların taşınmasıyla sağlanacak kazanç verileri verilmişken sırt çantası probleminde amaç optimizasyonu:

“Toplam ağırlıkları belirli bir değerle sınırlı taşıma kapasitesini aşmaksızın max kazancı sağlayacak şekilde hangi mallardan ne kadar taşınacağına karar vermek” biçimindedir.

Örnek : (Lawrencel, Lapin ; Harcourt Brace Jovanovich Quantitative Methods For Business Decisions ; 1978 ; Atlanta sf : 672-678) Amerikalı bir kaçakçı bir bölgeden bir diğerine yasak veya yüksek vergili olduğu için sırt çantası ile kaçak mallar sokmayı planlar. Yolculuğu kayakla yapacağından geçmiş deneyimlerinden güvenli bir şekilde taşıyabileceğinin max. ağırlığının 10 pound olduğunu biliyor. Her bir malın ağırlığı ve karşılığı olan ücret çizelge 5 aşağıda verilmiştir.

Çizelge 5 Sırt çantası sorunu

	Mallar	Kazanç V_n	Ağırlık W_n
1	1 paket puro	\$ 104	2 pound
2	Külçe altın	\$ 42	1 pound
3	Kürk	\$ 212	4 pound
4	Parfüm	\$ 270	5 pound
5	Radyo Vericisi	\$ 165	3 pound

Problemin Formülatasyonu

Kaçakçının böyle bir maksimum kazanç sağlamada farklı mallardan ne kadar taşımayı belirleme problemdir.

- X_n : n. maldan taşınacak miktar sayısı
 N : Mal çeşidi sayısı
 V_n : Bir birim n malının sağlayacağı kazanç
 W_n : Bir birim n malının ağırlığı
 W : Toplam ağırlık limiti

$V_n X_n$ ve $W_n X_n$ n_r ürün için toplam kazanç ve toplam ağırlığı ifade eder. tüm mal çeşitleri için bu terimlerin toplamı ağırlık ve kazanç toplamını verir. Genel matematiksel model ,

Maksimizasyon $\sum_{n=1}^N V_n X_n$

Kısıtlar $\sum_{n=1}^N W_n X_n \leq W$

$X_1, X_2, \dots, X_n \geq 0$ ve tamsayı şeklinde formüle edilebilir.

Örneğimiz için matematiksel model

Maksimizasyon $[104X_1 + 42X_2 + 212X_3 + 270X_4 + 165X_5]$

Kısıtlar $[2X_1 + 1X_2 + 4X_3 + 5X_4 + 3X_5] \leq 10$

$X_1, X_2, X_3, X_4, X_5 \geq 0$ ve tamsayı şeklindedir.

Kaçakçı bu problemi dinamik programlama kullanmaksızın çözmeye çalıştığı durumda pound başına en büyük kazancı sağlayan maldan en fazla yüklemeyi düşünebilir. En büyük kazanç pound başına \$55 ile radyo vericisidir. Her bir verici 3 pound ağırlığında olduğundan 3 tane radyo verisi yüklemesine rağmen 1 poundluk boş yer kalır ve bu kalan yere 1 pound ağırlığındaki altın külçe

yükleyebilir. Böylece kaçakçı vericiden 3 tane ($X_5=2$) , altın külçeden 1 tane ($X_2=1$) olmak üzere iki çeşit 4 mal yüklenmiş olur ve toplam kazanç \$537 olarak bulunur. Dinamik programlama ile birazdan daha iyi bir politika olabileceği görülecektir.

Dinamik Programlama Çözümü

Problem dinamik programlama ile çözülebilir. Her bir mal çeşidi ayrı ayrı birer aşama olarak ele alınarak yükleme miktarı belirlenir. Her aşamanın başında kullanılmamış çanta kapasitesi durum değişkeni S_n olarak tanımlanabilir. Problemin çözümüne 5. maldan geriye doğru ilerlenerek başlanır.

$$f_5(s) = \max V_5 X_5$$

$$W_5 X_5 \leq S$$

$f_5(s)$ radyo vericisi taşıma miktarının max. olası getirisidir. Bu problem için tekrarlanan ilişki;

$$f_n(s) = \text{Max}[V_n X_n + f_{n+1}(S - W_n X_n)] \quad \text{biçimindedir.}$$

$n=5$ alınarak 5. maldan (radyo vericisi) çantaya yüklenecek miktarı veren çizelge aşağıdaki gibi bulunur.

Çizelge 6 Aşama 5

S	$165X_5$				Max $F_5(S)$	Optimal Karar
	0	1	2	3		
0	0	-	-	-	0	$X_5=0$
1	0	-	-	-	0	$X_5=0$
2	0	-	-	-	0	$X_5=0$
3	0	165	-	-	165	$X_5=1$
4	0	165	-	-	165	$X_5=1$
5	0	165	-	-	165	$X_5=1$
6	0	165	330	-	330	$X_5=2^*$
7	0	165	330	-	330	$X_5=2$
8	0	165	330	-	330	$X_5=2$
9	0	165	330	495	495	$X_5=3$
10	0	165	330	495	495	$X_5=3$

Çizelge 7 Aşama 4

S	$270X_1 + f_5(S-5X_4)$			Max $F_4(S)$	Optimal Karar
	0	1	2		
0	0	-	-	0	$X_5=0$
1	0	-	-	0	$X_5=0$
2	0	-	-	0	$X_5=0$
3	165	-	-	165	$X_5=0$
4	165	212	-	212	$X_5=1$
5	270	212	-	270	$X_5=0$
6	330	212	-	330	$X_5=0$
7	330	377	-	377	$X_5=1$
8	435	377	424	435	$X_5=0$
9	495	482	424	495	$X_5=0$
10	540	542	424	542	$X_5=1^*$

Çizelge 8 Aşama 3

S	X_3	$212X_3 + f_4(S - 4X_3)$			Max $F_3(S)$	Optimal Karar
		0	1	2		
0	0	0	-	-	0	$X_5=0$
1	0	0	-	-	0	$X_5=0$
2	0	0	-	-	0	$X_5=0$
3	165	-	-	-	165	$X_5=0$
4	165	212	-	-	212	$X_5=1$
5	270	212	-	-	270	$X_5=0$
6	330	212	-	-	330	$X_5=0$
7	330	377	-	-	377	$X_5=1$
8	435	377	424	-	435	$X_5=0$
9	495	482	424	-	495	$X_5=0$
10	540	542	424	-	542	$X_5=1^*$

Çizelge 9 Aşama 2

X_2	$42X_2 + f_3(S - X_2)$											Max $F_2(S)$	Optimal Karar
	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10		
0	0	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	0	$X_2=0$
1	0	42	-	-	-	-	-	-	-	-	-	42	$X_2=1$
2	0	42	84	-	-	-	-	-	-	-	-	84	$X_2=2$
3	165	42	84	126	-	-	-	-	-	-	-	165	$X_2=0$
4	212	207	84	126	168	-	-	-	-	-	-	212	$X_2=0$
5	270	254	249	126	168	210	-	-	-	-	-	270	$X_2=0$
6	330	312	296	291	168	210	252	-	-	-	-	330	$X_2=0$
7	377	372	354	338	333	210	252	294	-	-	-	377	$X_2=0$
8	435	419	414	396	380	375	252	294	336	-	-	435	$X_2=0$
9	495	477	461	456	438	422	417	294	336	378	-	495	$X_2=0$
10	540	537	519	503	498	480	464	459	336	378	420	542	$X_2=0^*$

Çizelge 10 Aşama 1

X ₁ S	104X ₁ + F ₂ (S-2X ₁)						Max f ₁ (S)	Optimal Karar
	0	1	2	3	4	5		
10	542	539	538	524	500	520	542	X ₁ =0*

Son çizelgedan başlayıp geriye doğru giderek optimal politika şöyle bulunur;

X₁=1 (Bir paket puro)

X₂=0 (Külçe altın)

X₃=1 (Kürk)

X₄=0 (Parfüm)

X₅=2 (Radyo vericisi)

Bu şekilde belirlenen optimal politika sonucunda toplam kazanç \$542 olarak sağlanır.

3.1.4. SİSTEM GÜVENİLİRLİĞİ PROBLEMİ

Bir sistemin en yüksek olasılıkla çalışabilmesi için söz konusu sistemi meydana getiren parçaların sayılarının veya destekleyici sistem sayılarının bulunması bir güvenilirlik sorunudur. Söz konusu sorun dinamik programlama yaklaşımı ile çözülebilir. Örneğin bir sistem içinde o sistemin çalışmasıyla ilgili olarak aynı makineden kaç tane olması gereği veya bir makineye bağlanması gerekliliği birimi sayıları sorunları güvenilirlik sorunlarıdır. Bu sorunlar için kısıtlar ise aynı makineden - güç kaynağından elimizde bulunan miktarı veya makine- güç kaynağı için ayırabileceğimiz sermaye miktarıdır.

Örnek : (Hamdy A. Taha ; Operation Research An Introduction, Fourth Edition, NewYork, 1987, eg 361, 362, 363)

3 temel makine parçasının oluşumuyla bir elektronik aygıtın tasarılanması söz konusudur. Sistemi oluşturan 3 makine birbirlerine seri bir şekilde bağlanmaktadır. Dolayısıyla sistemin çalışması için her bir makinenin da kesin olarak çalışması gereklidir. Herhangi bir makine çalışmadığı an sistem de çalışmaz. Sistemin çalışmasını en yüksek olasılıkla sağlamak amacıyla her bir makineye aynı görevi yapan yedek bir makine paralel olarak bağlanabilmektedir. Bazı kısıtlar sebebiyle en fazla 3 makine birbirine paralel bağlanabilmektedir. Bağlanan her bir makine sistem güvenilirliğini artırmadan yanında belirli bir maliyet de getirmektedir. Bu sistemin kurulması için elimizdeki sermaye miktarı ise \$10.000 dır. Aşağıdaki çizelgede her bir makine için çalışma olasılıkları ve maliyet değerleri verilmiştir.

Çizelge 11 Makinelerin çalışma olasılıkları ve maliyet değerleri

K_j	$j = 1$		$J = 2$		$j = 3$	
	R_1	C_1	R_2	C_2	R_3	C_3
1	0.6	1	0.7	3	0.5	2
2	0.8	2	0.8	5	0.7	4
3	0.9	3	0.9	6	0.9	5

$R_j(k_j)$: j. makineden k tane paralel bağlandığında çalışma olasılığı

$C_j(k_j)$: j. makineden k tane paralel bağlandığındaki maliyeti

Söz konusu güvenirlik problemi için amaç toplam \$10.000 maliyeti aşmayacak şekilde en yüksek sistem güvenilirliğini sağlayan paralel bağlanacak makine sayılarını belirlemektir. Matematiksel model aşağıdaki gibi kurulabilir;

Maksimum $R = \sum_{j=1}^N R_j(k_j) \quad (j=1,2,3)$

Maksimum $R = R_1(k_1) \cdot R_2(k_2) \cdot R_3(k_3)$

Kısıtlar $\sum_{j=1}^N c_j(k_j) \leq C$

$$c_1(k_1) + c_2(k_2) + c_3(k_3) \leq C$$

Burada; **R** : Toplam güvenilirliği

C : Sistem için ayrılmış maksimum sermaye miktarını
 (Problemde sistem için ayrılmış sermaye miktarı \$10.000
 $C=\$10.000$ dir.)

j : Makine tipini ve aşamayı ($j=1,2,3$ olmak üzere)

y_j Durumu : j, j+1, ..., N. makine tiplerine ayrılmış toplam sermayeyi

k_j : j. makine tipi için paralel bağlanacak makine sayısını

f_j(y_j) : j. makinenin belirli y_j sermyesine bağlı optimal güvenilirliği

ifade etmektedir.

Problem için yineleme ilişkisi aşağıdaki gibidir.

$$f_n(y_n) = \text{Maksimum } [R_N(k_N)]$$

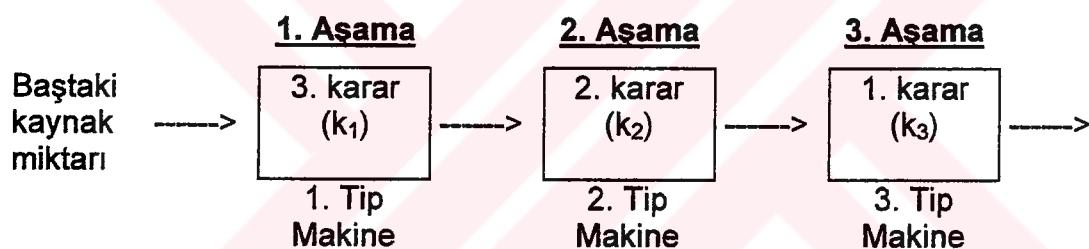
$$k_N$$

$$c_N(k_N) \leq y_N$$

$$f_j(y_j) = \text{Maksimum } [R_j(k_j).f_{j+1}(y_j - c_j(k_j))] \quad j=1,2,\dots,N-1$$

$$k_j$$

$$c_j(k_j) \leq y_j$$



Şekil 3 Güvenirlik problemi için aşamaların gösterimi

Çözüm aşamaları sırasıyla aşağıda verilmiştir. 3. aşama için muhtemel y_3 değerleri 2 den başlamıştır çünkü 3. makinenin sisteme en az bir tane bulundurma maliyeti 2 (\$1.000) dir. 3. makine için min 2 birim sermaye ayırmadan yanında en fazla 6 birim sermaye 3. makine tipi için ayrılabilir. Çünkü 2. ve 1. aşama için (2. ve 1. tip makineler için) sırayla minimum 3 ve 1 birim sermayeye ihtiyaç vardır. Bu yüzden,

"Max Sermaye - Sonraki Aşamalar için Gerekli Min Sermaye" ilgili aşama için ayrılacak max sermaye miktarını verir. Aynı işlem diğer makineler için de yapılır. 2. Aşamada y_2 değeri 2. makine için min. 3 birim sermaye gerektirdiği halde 3. aşamada en az 2 birim sermayeye ihtiyaç olunduğundan $3+2=5$ birim olarak

belirlenir. Aynı mantıkla 2. aşama için max. y_2 değeri bir sonraki aşamada en az 1 birim gerektirdiğinden 9 olarak belirlenir.

j=3 için

$$f_3(y_3) = \text{Maksimum } [R_3(k_3)]$$

$$k_3=1,2,3$$

Çizelge 12 3. Aşama

y ₃	R ₃ (k ₃)			Max f ₃ (y ₃)	En iyi k ₃
	k ₃ =1	k ₃ =2	k ₃ =3		
	R=0.5, c=2	R=0.7, c=4	R=0.9, c=5		
2	0.5	-	-	0.5	1
3	0.5	-	-	0.5	2
4	0.5	0.7	-	0.7	3
5	0.5	0.7	0.9	0.9	4
6	0.5	0.7	0.9	0.9	4

j=2 için

$$f_2(y_2) = \text{Maksimum } [R_2(k_2).f_2[y_2-c_2(k_2)]]$$

Çizelge 13 2. Aşama

Y ₂	R ₂ (k ₂) f ₂ [y ₂ -c ₂ (k ₂)]			Max f ₂ (y ₂)	En iyi k ₂ *
	k ₁ =1	k ₂ =2	k ₃ =3		
	R=0.7, c=3	R=0.8, c=5	R=0.9, c=6		
5	0.7*0.5=0.35	-	-	0.35	1
6	0.7*0.5=0.35	-	-	0.35	1
7	0.7*0.7=0.49	0.8*0.5=0.40	-	0.49	1
8	0.7*0.9=0.63	0.8*0.5=0.40	0.9*0.5=0.45	0.63	1
9	0.7*0.9=0.63	0.8*0.7=0.56	0.9*0.5=0.45	0.63	1

j=1 için

$$f_1(y_1) = \text{Maksimum } [R_1(k_1).f_2[y_1.c_1(k_1)]]$$

$$k_1=1,2,3$$

Çizelge 14 1. Aşama

y ₁	R ₁ (k ₁) f ₂ [y ₁ .c ₁ (k ₁)]			Max f ₂ (y ₂)	En iyi k ₂ *
	k ₁ =1	K ₂ =2	k ₃ =3		
6	0.6*0.35=0.210	-	-	0.210	1
7	0.6*0.35=0.210	0.8*0.35=0.280	-	0.280	2
8	0.6*0.49=0.294	0.8*0.35=0.280	0.9*0.35=0.315	0.315	3
9	0.6*0.63=0.378	0.8*0.49=0.392	0.9*0.35=0.315	0.392	2
10	0.6*0.63=0.378	0.8*0.63=0.504	0.9*0.49=0.441	0.504	2

Eldeki tüm sermayenin kullanılmasıyla en yüksek güvenilirliği veren elektronik aygıtın tasarımları tamamlanmıştır. Tablolardan geriye doğru optimal tasarım görülebilir.

1. makine tipinden 2 paralel
2. makine tipinden 1 paralel
3. makine tipinden 3 paralel

Birbirleriyle seri bağlanmış bir sistemin güvenilirliği ise 0.504 tür.

3.1.5. ÜRETİM - STOK PLANLAMASI

İşletme için üretim planlaması gelecek üretim dönemleri için zaman faktörü açısından ardışık kararların alındığı bir faaliyettir. Bilinen veya tahminlenen talepler doğrultusunda her bir dönem için üretim miktarları tespit edilmeye çalışılır. Farklı dönemlerde taleplerin farklı miktarlarda olacağı muhakkaktır. Çoğu zamanda belli bir dönem için maksimum üretim miktarı o döneme ait talebi karşılayamaz. Böyle durumlarda elde mevcut stokların bulunması gereklidir. İşletme için stok bulundurma bir maliyeti içereceğinden ihtiyaç dışı stok gereksiz bir maliyet artışı doğurur. Dolayısıyla işletme karlılığı için; aylık üretim ve stok miktarlarının minimum maliyeti verecek şekilde belirlenmesi gereklidir. İşletme için zaman faktörü içeren bu tip üretim – stok planlaması dinamik bir yapı göstermektedir. Dinamik yapıdaki üretim – stok planlaması dinamik programlama ile çözülebilir.

Dinamik yapıdaki üretim – stok planlaması için çözüm yaklaşımı aşağıda verilen örnek yardımıyla açıklanacaktır.

ÖRNEK (LAPIN Lawrence ; JOVANOVICH Harcourt Brace ; Quantitative Methods For Business Decision ; 1985 Atlanta ; p. : 683 –686)

Bir ayakkabı imalatçısı talebi karşılayabilmek için dört aylık üretim miktarları minimum maliyeti verecek şekilde belirlemeyi istemektedir. Söz konusu ayakkabı için aylar itibarıyle talepler çizeleğe 15 de verilmiştir.

Çizeleğe 15 Aylık ayakkabı talep miktarları

	Aylar (n)	Talep(d _n)
(1)	Ağustos	100
(2)	Eylül	200
(3)	Ekim	300
(4)	Kasım	400

Aylık maksimum 4000 ayakkabı üretebilen üretici ayda en fazla 4000 ayakkabı stoklayabilmektedir. Üretici için bir çift ayakkabı üretmenin maliyeti \$40 ve bir çift ayakkabıyı bir ay stokta bulundurma maliyeti \$5 dir. Ayrıca işletmenin bir aylık sabit giderleri \$2000 dir. Üretim miktarı ve stok miktarına bağlı maliyet fonksiyonu aşağıdaki gibidir.

$$C(S, X_n) = \begin{cases} 5S + 2000 + 40X_n & ; X_n > 0 \text{ ise} \\ 5S & ; X_n = 0 \text{ ise} \end{cases}$$

Fonksiyonda C maliyeti , S stok miktarını , X_n üretim miktarını göstermektedir.

Üreticinin elinde ağustos ayı başında söz konusu ayakkabından hiç yoktur ve kasım ayı sonunda söz konusu ayakkabından elinde hiç kalmamasını istemektedir. Bu kısıtlar altında toplam maliyeti minimum yapan üretim planı yapılacaktır.

Problemin Formülasyonu

X_t : t ayındaki üretim miktarı

S_t : t ayının başındaki stok miktarı

D_t : t ayı talep miktarı

c : Birim malı bir ay stokta bulundurma maliyeti

$t = 1, 2, 3, 4$ olmak üzere sırayla ağustos , eylül , ekim , kasım aylarını gösterir.

n. dönem için ilişki aşağıdaki gibidir.

$$S_n + X_n - D_n$$

Bu ilişki bir sonraki ay için başlangıç stokunu verir. Eşitlik aşağıda ki gibi verilebilir.

$$S_n + X_n - D_n = S_{n+1}$$

Dördüncü ay sonunda stok miktarı "0" olacağından ;

$$S_4 + X_4 - D_4 = 0$$

olur. Problem için tekrarlanan ilişki ;

$$f_n(S) = \text{Minimum} [c(S, X_n) + f_{n+1}(S + X_n - D_n)]$$

şeklindedir.

$f_n(S)$ = Karar vericinin önünde n dönem olduğunda dönem başı envanteri s düzeyinde iken en küçük politika maliyetidir.

Problem için karar modeli :

$$S_n + X_n - D_n = S_{n+1}$$

$$X_n \leq 400$$

$$S_n \leq 500$$

$$X_n, S_n, D_n \geq 0$$

kısıtları altında

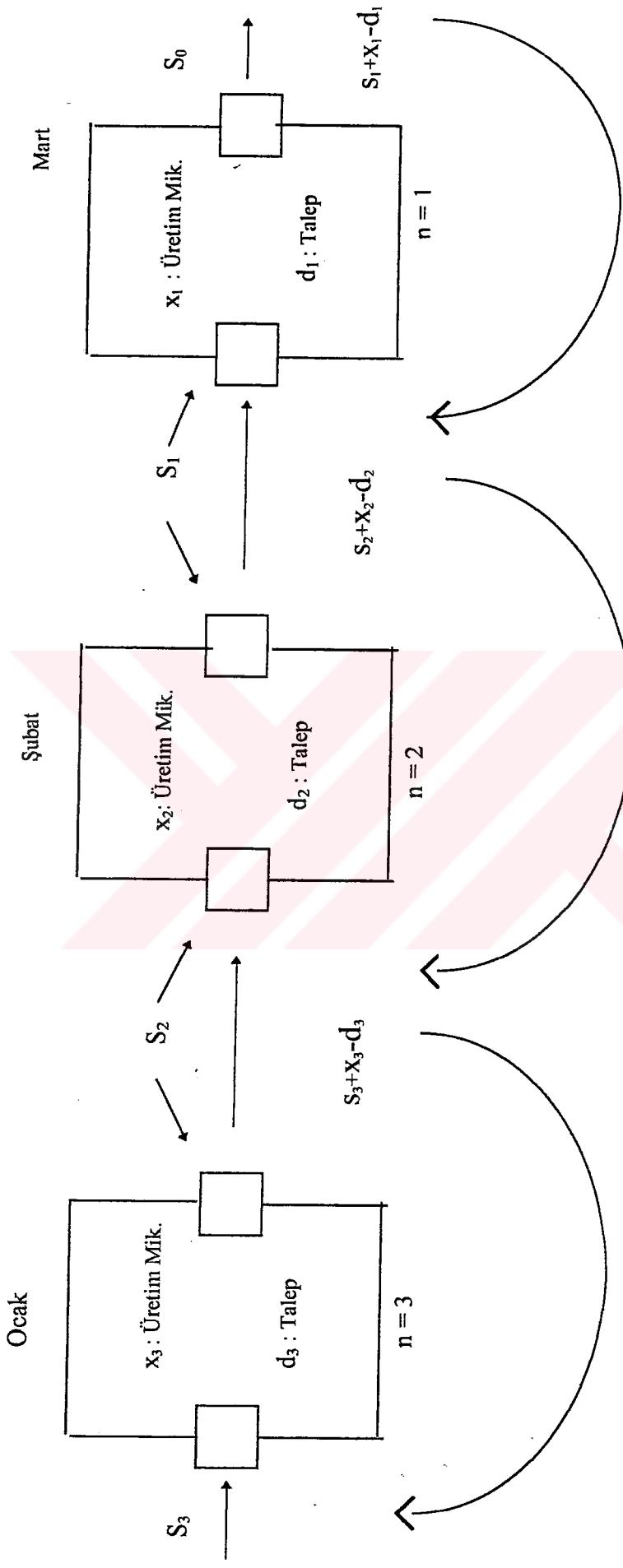
4

$$\text{Minimum } X_0 = \sum_{n=1}^4 c_n(X_n, S_n) \quad \text{olarak yazılır.}$$

III. Aşama

II. Aşama

I. Aşama



III. TEKRAR

II. TEKRAR

I. TEKRAR

Geriye Doğru Üretim Stok Çözüm Çizilemi

Şekil 4

Şekil 4 te , 3 aşamalı üretim – stok planlaması için dinamik programlama çözüm yaklaşımı görülmektedir.

Problemin çözümü

Problemin çözümüne 4. Aşamadan başlanır. Dördüncü aşamanın başında bir önceki aydan 0,100,200,300 veya 400 çift ayakkabı stoklanmış olabilir. Ancak 4. Dönem sonunda stok kalmaması istendiğinden üretim miktarları sırasıyla 400,300,200 ve 0 olacaktır. Verilen stok ve üretim miktarına bağlı olarak maliyet çizelge 16 da verilmiştir.

n=4 için

4.Aşama

Çizelge 16

S	$f_4(S)$	Optimal Seçim
→ 0	18000	$X_4=400^*$
100	14500	$X_4=300$
200	11000	$X_4=200$
300	7500	$X_4=100$
400	2000	$X_4=0$

n=3 için

3. aşamada dönem başı muhtemel stok miktarları ve üretim miktarları bir önceki aşamaya devreden miktarın stok miktarı olarak değerlendirildiği üretim planı için maliyetlerin toplamı olarak verilmiştir. Örneğin $S_3 = 200$ $X_3 = 100$ için verilen değer bir önceki aşamada bulunan maliyet (18000) ile bu aşamadaki maliyet (7000) toplamıdır (25000) . 3. ve daha sonraki aşamalarda dönem başı stok miktarı için minimum maliyeti veren üretim miktarı bir sonraki aşama için göz önüne alacağımız değerler olacaktır. 3. Aşama için hesaplamalar çizelge 17 de verilmiştir.

Çizelge 17^ 3. Aşama

S	$C(S, X_3) + f_4(S + X_3 - 300)$					Min $f_3(S)$	Optimal Seçim
	0	100	200	300	400		
0	---	---	---	32000	32500	32000	$X_3=300$
100	---	---	28500	29000	29500	28500	$X_3=200$
200	---	25000	25500	26000	26500	25000	$X_3=100$
300	19500	22000	22500	23000	21500	19500	$X_3=0$
400	16500	19000	19500	18000	---	16500	$X_3=0$
500	13500	16000	14500	---	---	13500	$X_3=0$

$n=2$ için

2. aşama için olası stok miktarları ve bağlı olarak üretim miktarları minimum maliyetlerle birlikte çizelge 18 de verilmiştir.

Çizelge 18 2. Aşama

S	$C(S, X_2) + f_3(S + X_2 - 200)$					Min $f_2(S)$	Optimal Seçim
	0	100	200	300	400		
0	---	---	42000	42500	43000	42000	$X_2=200$
100	---	38500	39000	39500	38000	38000	$X_2=400$
200	33000	35500	36000	34500	35500	33000	$X_2=0$
300	30000	32500	31000	32000	33000	30000	$X_2=0$

$n=1$ için

Son aşama olan 1. aşamada dönem başı (ağustos ayı başı) stok miktarının sıfır olması istendiğinden $S = 0$ için farklı üretim miktarları bakımından minimum maliyet incelenmiştir. Hesaplamalar çizelge 19 verilmiştir.

Çizelge 19 1. Aşama

X_1	$C(S, X_1) + f_2(S + X_1 - 300)$					Min $f_2(S)$	Optimal Seçim
S	0	100	200	300	400		
0	—	48000	48000	47000	4800	47000	$X_1=300$

Sonuç olarak çizelgeler geriye doğru değerlendirilerek minimum maliyetli üretim planı bulunmuş olur. 1. Aşamadan da görüldüğü gibi minimum maliyet 47000 dir. 1. aşmaya 0 stokla başlayıp 300 birim ayakkabı üretmelidir, 2. aşamaya 200 birim stokla başlanacağından minimum maliyeti veren üretim miktarı 0 olarak bulunur , benzer şekilde 3. Aşamada 300, 4. Aşamada 400 birim üretildiğinde minimum maliyetli üretim planı elde edilmiş olur. Özet olarak üretim planı aşağıdaki gibi oluşur :

Ağustos ayı için 1000

Eylül ayı için 0

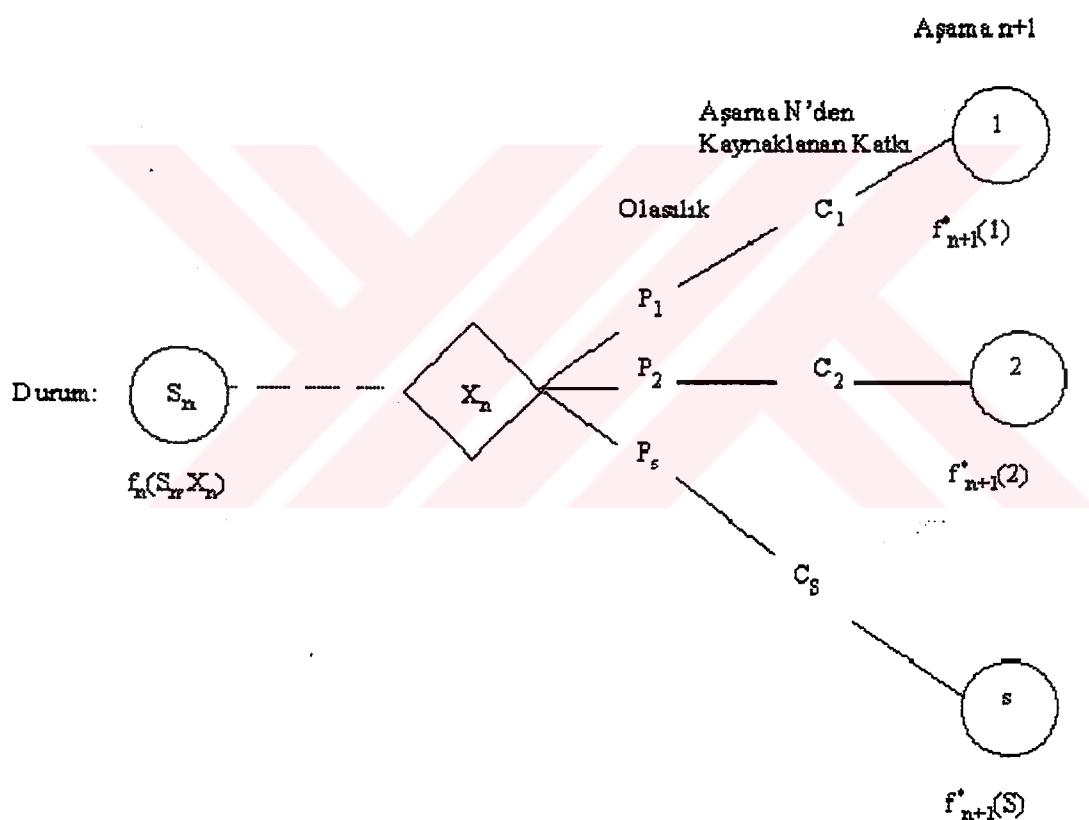
Ekim ayı için 300

Kasım ayı için 400

3.2. OLASILIKLI DİNAMİK PROGRAMLAMA

Olasılıklı dinamik programlama deterministik dinamik programlamadan farklı olarak bir kademenin içinde bulunulan durumuna göre verilecek kararla izleyen kademenin gelenecek durumu belirli, ancak içinde bulunulan kademedede elde edilecek katkı rassal nitelikte, yani $f_n(X_n, S_n)$ ler rassal değişkendir. Aşağıdaki şekilde olasılıklı dinamik programlama genel yapısı görülmektedir.

Aşama n



Olasılıklı Dinamik Programlamaya İlişkin Temel Yapı
ŞEKİL 5

N : (n + 1) . kademedeki mümkün durumların sayısını

P_1, P_2, \dots, P_N : n. Kademedeki S_n durumu ve X_n kararı verilmişken mümkün N durumla ilgili olasılıkları

C_i : n. Aşamanın söz konusu durumlarda amaç denklemine katkısını

f^* : optimum politikaları ifade eder.

Olasılıklı dinamik programlamada amaç fonksiyonu :

$$f_n(S_n, X_n) = \sum_{i=1}^N P_i [C_i + f_{n+1}(i)]$$

şeklindedir ve burada

$$f_{n+1}(S_{n+1}) = \min_{X_{n+1}} f_{n+1}(S_{n+1}, X_{n+1}) =$$

olacaktır.

3.3.DİNAMİK PROGRAMLAMANIN AVANTAJ VE DEZAVANTAJLARI

Dinamik Programmanın Avantajları

1. Zor ve karmaşık problem dinamik programlama yaklaşımı ile birbirleriyle ilişkili alt problemlere ayrılarak daha kolay bir şekilde çözülebilir. Dinamik programmanın bu avantajı özellikle üretim düzeltme ve planlama gibi ardışık kararlar içeren problemler için çok önemlidir.

2. Dinamik programmanın diğer matematiksel programlama problemlerini uygulanabilen bir esnek yapısı vardır dolayısıyla dinamik programlama bir teknikten ziyade bir optimizasyon yaklaşımıdır. Amaç fonksiyonundaki her bir değişken bir aşamada belirlenebilir. Tamsayılı programlama problemleri ve

doğrusal olmayan tamsayılı programlama problemleri dinamik programlama yaklaşımıyla çözülebilir.

3. Dinamik programlama deterministik veya stokastik proseslere uygulanabilir.

4. Dinamik programlama hesaplanan prosedürü duyarlılık analizi yapmaya olanak sağlar.

5. Dinamik programlama, problemlerin çözümünde olası tüm seçeneklerin tam sayımı yerine çok daha az hesaplama kolaylığı sağlar. Örneğin 2 değişkenli ve her bir değişken 10 farklı alternatif içeren bir problemin tam sayımı $10^2 = 100$ işlem gerektirir, eğer 4 değişken olursa $10^4 = 10000$, 6 değişken olursa $10^6 = 1000000$ işlem gerektirir. Değişken sayısı arttığında tam sayı çok büyük bir artış göstermektedir. Buna karşın dinamik programlama ile benzer problemlerin çözümünde çok daha az işlem gerektirmenin yanında değişken sayısının 2'den 4'e veya 6'ya arttığı durumda aşama sayısı da 2'den 4'e ve 6'ya artar. Dinamik programlama problemlerinde amaç fonksiyonundaki değişken sayısı kadar aşama vardır.

6. Kimya prosesleri gibi ardışık tipteki problemlerin çözümü sadece dinamik programlama ile olmaktadır.

Dinamik Programlamanın Dezavantajları

1. Dinamik programlama diğer matematiksel programlama tekniklerinden daha zor anlaşılır kavramlara sahiptir, problemin kavranıp uygun bir formülasyon yardımıyla çözülebilmesi için bir uzmana mutlak ihtiyaç vardır.

2. Simplex metod gibi genel bir algoritması yoktur. Bu yüzden dinamik programlama için yazılmış paket programlar çok az sayıda olmasına

rağmen bu paket programlar çoğu durumda yetersiz kalmakta veya büyük sorunlar içermektedir.

3. Dinamik programmanın önemli bir dezavantajı da boyutsallık sorunudur. Durum değişkeni ve karar değişkeninin alacağı değerlerin çok sayıda olması her bir aşama için oluşturulacak çizelgelerin boyutunu önemli ölçüde arttırmamasına neden olmaktadır.

4. BÖLÜM

UYGULAMA

4.1. BATI MAKİNE SANAYİ İŞLETME TANITIMI

Uygulamanın gerçekleştirildiği Batı Makine Kalıp San. Ve Tic. A.Ş. (BMS) 1979 yılında İzmir Bornova' da otomotiv yan sanayi olarak faaliyetlerine başlamıştır. 1982 yılından itibaren faaliyet alanını değiştirek, seri üretimle çeşitli ebatlarda paslanmaz çelikten tencere, tava ve aksesuarlardan oluşan mutfak setleri imaline başlamıştır. Bu mamuller aktif pazarlama sistemiyle yurt içinde ve yurt dışında tüketicilerin kullanımına sunulmaktadır. Üretiminin % 30' u ihracata yönelik olup sürekli gelişim göstermektedir.

İşletmenin ana hammaddesini 18/10 CrNi paslanmaz çelik oluşturmaktadır ve tamamı yurt dışından, özellikle Almanya' dan ithal edilmektedir. Bunun yanı sıra, bakalit ve plastik malzemeler de kullanılmaktadır. Hammadde makas, pres, tabanlama, taban torna, polisaj, yıkama ve montaj olmak üzere yedi farklı imalat bölümünde, kesme, derin çekme, talaşlı imalat ve montaj işlemleri uygulanmak suretiyle mamule dönüştürülmektedir.

Organizasyonda Bakım Onarım Bölümü, İmalat, Planlama, AR-GE ve Kalite Güvencesi Bölümleri Genel Müdürlüğü bağlı müdürlük statüsünde çalışmalarını sürdürmektedir.

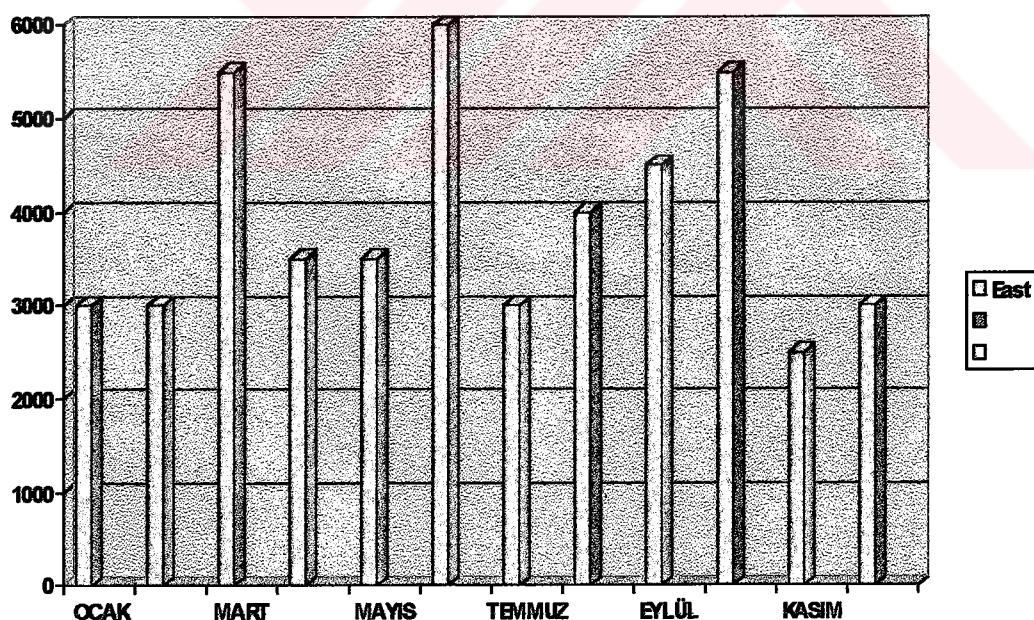
Fabrikada halen çeşitli tiplerde 103 makine/tezgah sürekli çalışır durumda bulunmaktadır. Bunlar giyotin makasları, hidrolik ve eksantrik presler, polisaj makineleri, torna tezgahları ve punto makineleri, zımpara tezgahları şeklinde gruplandırılabilir.

4.2. BATI MAKİNE SANAYİİNDE ÇOK AŞAMALI ÜRETİM STOK UYGULAMASI

Bu çalışmada BMS de üretilen " Büyük Boy Mutfak Seti " taleplerini karşılayacak üretim planı gerçekleştirilecektir. Bayilerin toplam talepleri 1997 yılı itibarıyle aylar için aşağıdaki gibidir. Bayiler talep ettikleri ürünleri her ayın sonu itibarıyle almaktadırlar..

Çizelge 20 : Bayilerin aylık talep miktarları

Dönem (Aşama)	Ocak 1	Şubat 2	Mart 3	Nisan 4	Mayıs 5	Haziran 6	Temmuz 7	Ağustos 8
Talep	3000	3000	5500	3500	3500	6000	3000	4000
Eylül 9	4500	5500	2500	3000				
Kasım 11								
Aralık 12								



Şekil 5 : Aylara Göre Talep Dağılımı

Aylar itibarıyle talep dağılımı Şekil 5'te görüldüğü gibidir. Batı Makine Sanayinde söz konusu üründen bir aylık dönemde en fazla 5000 adet

üretilmektedir. Talep dağılımından da görüldüğü gibi bazı aylarda talep maksimum üretim miktarı olan 5000 'den büyüktür. Bu yüzden planlama dönemi içinde stok bulundurmak talepleri karşılayabilmek için kaçınılmazdır. Sorunumuz ise hangi aylarda ne kadar stok bulunduracağımız veya farklı bir ifadeyle aylık üretim miktarlarımızın ne olacağıdır. Ürün için üretim maliyetinin yanında bir birim ürünü stokta tutmanın belli bir maliyeti de vardır. Dolayısıyla stok miktarlarını gelişî güzel belirlemenin doğuracağı maliyet yükü oldukça fazla olabilir. İşletme için amaç minimum üretim maliyeti veren üretim planını tespit etmektir. İşletme bir ay içinde maksimum 5000 ürün üretmenin yanında bir ayda en fazla 3000 ürün stoklayabilmektedir. Sorun yapısı gereği dinamik özellik göstermektedir. Çünkü bir ay için üretim ve stok miktarı sonraki ayların üretim ve stok miktarını etkilemektedir. Sorunun dinamik yapı göstermesi bakımından 12 dönemden oluşan üretim – stok planlaması Dinamik Programlama yardımıyla çözülecektir.

Planlama döneminden önce söz konusu üründen eldeki stok miktarı sıfırdır. Planlama sonunda yani aralık ayı sonunda kış aylarındaki talebin düşük olması sebebiyle , stok miktarının sıfır olması işletme stratejisidir.

1995 – 1996 yıllarını kapsayan aylık üretim miktarları ile maliyet değerleri arasındaki regresyonla bulunan ilişki aşağıdaki gibidir (Bkz. AKDENİZ , Ahmet ; DURMAZ ;Faruk ; The Application Of Production – Stock Balance Model On WMI)

Üretim Maliyet Fonksiyonu : $f(X_n) = 6500 + 18X_n + (1/1000)X_n^2$ (milyon T.L.)

Depolama Maliyet Fonksiyonu : $c=1.2 (D_n)$ (Milyon T.L.)

Maksimum Üretim Miktarı (Her period için) = 5000

Maksimum Stok Miktarı (Her period için) = 3000

Dönem Başı Stok Miktarı = 0

Dönem Sonu Stok Miktarı = 0

4.2.1. SORUNUN FORMULASYONU ;

1. Kademeler (Karar aşamaları) : Burada her ay bir kademedir. 12 kademeye vardır. ($j=1,2,\dots,12$)

2. Durum Değişkeni : Her ayın başındaki stoklar durum değişkenleridir.

3. Karar Değişkenleri : Aylık üretim miktarları karar değişkenleridir.

4. Durumlar Arası Geçiş fonksiyonları : Stok, üretim, talep ve izleyen ayın başındaki stokları veren ilişkidir.

5. Katkı fonksiyonu : Üretim maliyeti ve stok maliyeti katkı fonksiyonunu oluşturur.

$j = 12, 11, 10, \dots, 3, 2, 1$ son aydan başlayarak geriye doğru aylar dizini
(12:Aralık, 11: Kasım, ..., 1: Ocak)

S_j : j. ayın başındaki stok düzeyi

X_j : j. aydaki üretim miktarı

D_j : j. aydaki talep

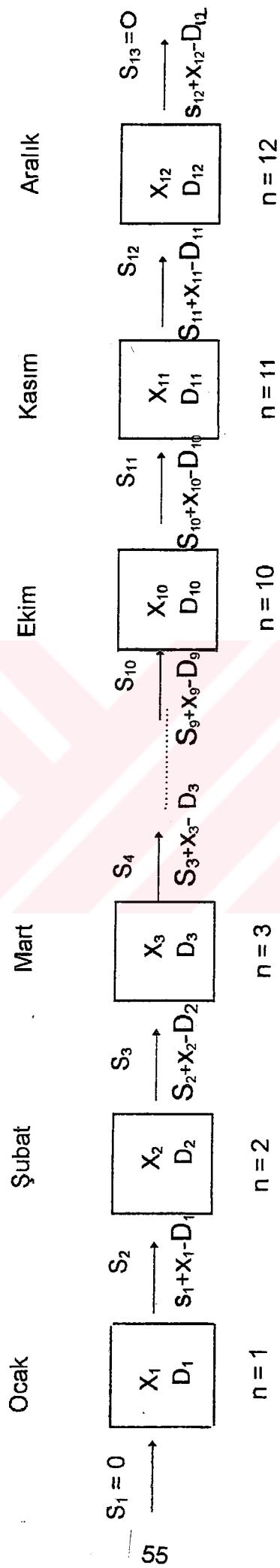
c : Birim malı bir ay stoklama maliyeti

$M(X_j)$: X_j birim mal üretim maliyeti ifade eder.

1. AŞAMA 2. AŞAMA 3. AŞAMA

10. AŞAMA 11. AŞAMA

12. AŞAMA



Dinamik Programlama Çözüm Çizilemi

Şekil 6

Şekil 6 problem için dinamik programlama çözümünü göstermektedir.

$$\text{Enk } X_0 = \{ M(X_1) + M(X_2) + cD_2 + M(X_3) + cD_3 + \dots + M(X_{12}) + cD_{12} \}$$

$$\text{Enk } X_0 = \{ M(X_j) + cD_i \quad j=1,2,\dots,12 ; \quad i=2,\dots,11 \}$$

$i=2,\dots,11$ yani 1. aşama (ocak ayı) stok maliyeti bu planlama için amaç fonksiyonuna dahil edilmemiştir Çünkü 1. aşama için verilecek karar 1. aşama stok düzey ile ilgilidir (ki bu problemde 0 dır.) .

4.2.2. PLANLAMA

Batı Makine Sanayi çok aşamalı üretim stok planlaması son aşamadan başlayarak geriye doğru dinamik programlama yaklaşımıyla aşağıdaki gibi aşama aşama elde edilir.

Çizelgelerdeki koyu rakamlar başlangıç durum değişkeni belliğen en iyi politikayı veren üretim miktarlarını ifade eder.

12. AŞAMA

$$t=12 \text{ için } ; S_t + X_t - D_t = S_{t-1}$$

$$S_{12} + X_{12} - 3000 = 0$$

$$S_{12} + X_{12} = 3000 \text{ kısıtı altında en iyi katkı i} \text{ çizelge 21 de elde edilmiştir.}$$

Çizelge 21 : 12. Aşama

D. BAŞI STOK (S_{12})	ÜRETİM MİK. (X_{12})	MALİYETLER (MİLYON TL.)			PERİOD SONU STOK
		ÜRETİM	STOK	TOPLAM	
0	3000	69500	0	69500	0
500	2500	57750	600	58350	0
1000	2000	46500	1200	47700	0
1500	1500	35750	1800	37550	0
2000	1000	25500	2400	27900	0
2500	500	15750	3000	18750	0
3000	0	6500	3600	10100	0

11. AŞAMA ($t = 11$)

$$S_{11} + X_{11} - 2500 = S_{12}$$

Min $S_{11} = 0$; Max $S_{11} = 3000$ olduğundan

Max ($S_t + X_t$) = Max (S_1) + 2500 den,

Max ($S_t + X_t$) = 5500 olur.

Min ($S_t + X_t$) = 0 + 2500 = 25000 olur

$2500 \leq X_t + S_t \leq 5500$ dür.

Çizelge 22 : 11.Aşama

D. BAŞI STOK (S ₁₁)	ÜRETİM MİK.(X ₁₁)	MALİYETLER (MİLYON TL.)			PERİOD SONU STOK	SONRAKİ MALİYET	TOPLAM MALİYET
		ÜRETİM	STOK	TOPLAM			
0	2500	57750	0	57750	0	69500	127250
0	3000	69500	0	69500	500	58350	127850
0	3500	81750	0	81750	1000	47700	129450
0	4000	94500	0	94500	1500	37550	132050
0	4500	107750	0	107750	2000	27900	135650
0	5000	121500	0	121500	2500	18750	140250
500	2000	46500	600	47100	0	69500	116600
500	2500	57750	600	58350	500	58350	116700
500	3000	69500	600	70100	1000	47700	117800
500	3500	81750	600	82350	1500	37550	119900
500	4000	94500	600	95100	2000	27900	123000
500	4500	107750	600	108350	2500	18750	127100
500	5000	121500	600	122100	3000	10100	132200
1000	1500	35750	1200	36950	0	69500	106450
1000	2000	46500	1200	47700	500	58350	106050
1000	2500	57750	1200	58950	1000	47700	106650
1000	3000	69500	1200	70700	1500	37550	108250
1000	3500	81750	1200	82950	2000	27900	110850
1000	4000	94500	1200	95700	2500	18750	114450
1000	4500	107750	1200	108950	3000	10100	119050
1500	1000	25500	1800	27300	0	69500	96800
1500	1500	35750	1800	37550	500	58350	95900
1500	2000	46500	1800	48300	1000	47700	96000
1500	2500	57750	1800	59550	1500	37550	97100
1500	3000	69500	1800	71300	2000	27900	99200
1500	3500	81750	1800	83550	2500	18750	102300
1500	4000	94500	1800	96300	3000	10100	106400
2000	500	15750	2400	18150	0	69500	87650
2000	1000	25500	2400	27900	500	58350	86250
2000	1500	35750	2400	38150	1000	47700	85850
2000	2000	46500	2400	48900	1500	37550	86450
2000	2500	57750	2400	60150	2000	27900	88050
2000	3000	69500	2400	71900	2500	18750	90650
2000	3500	81750	2400	84150	3000	10100	94250
2500	0	6500	3000	9500	0	69500	79000
2500	500	15750	3000	18750	500	58350	77100
2500	1000	25500	3000	28500	1000	47700	76200
2500	1500	35750	3000	38750	1500	37550	76300
2500	2000	46500	3000	49500	2000	27900	77400
2500	2500	57750	3000	60750	2500	18750	79500

2500	3000	69500	3000	72500	3000	10100	82600
3000	0	6500	3600	10100	500	58350	68450
3000	500	15750	3600	19350	1000	47700	67050
3000	1000	25500	3600	29100	1500	37550	66650
3000	1500	35750	3600	39350	2000	27900	67250
3000	2000	46500	3600	50100	2500	18750	68850
3000	2500	57750	3600	61350	3000	10100	71450

10. AŞAMA

$$S_{10} + X_{10} - D_{10} = S_{11}$$

$$S_{10} + X_{10} - 5500 = S_{11}$$

$$S_{10} + X_{10} = S_{11} + 5500$$

Min $S_{11} = 0$ ve Max $S_{11} = 3000$ olduğunda

$$\text{Min } (S_{10} + X_{10}) = 0 + 5500 = 5500$$

$$\text{Max } (S_{10} + X_{10}) = 8000 \text{ olur}$$

Çünkü max. Üretim 5000'dir ve Ekim ayı talebini karşılayabilmek için min. 500 stokla başlamak gereklidir. Döneme max. Stok miktarı olan 3000 ile başlanılsa ve max. Üretim olan 5000 birim mal üretilse bile talep 5500 olduğu için bir sonraki ay için max. 2500 birim stok kalacaktır.

$$5500 \leq (S_{10} + X_{10}) \leq 8000$$

Çizelge 23: 10. Aşama

D. BAŞI STOK(S ₁₀)	ÜRETİM MİK(X ₁₀)	MALİYETLER (MİLYON TL.)			PERİOD SONU STOK	SONRAKİ MALİYET	TOPLAM MALİYET
		ÜRETİM	STOK	TOPLAM			
500	5000	121500	600	122100	0	127250	249350
1000	4500	107750	1200	108950	0	127250	236200
1000	5000	121500	1200	122700	500	116600	239300
1500	4000	94500	1800	96300	0	127250	223550
1500	4500	107750	1800	109550	500	116600	226150
1500	5000	121500	1800	123300	1000	106050	229350

2000	3500	81750	2400	84150	0	127250	211400
2000	4000	94500	2400	96900	500	116600	213500
2000	4500	107750	2400	110150	1000	106050	216200
2000	5000	121500	2400	123900	1500	95900	219800
2500	3000	69500	3000	72500	0	127250	199750
2500	3500	81750	3000	84750	500	116600	201350
2500	4000	94500	3000	97500	1000	106050	203550
2500	4500	107750	3000	110750	1500	95900	206650
2500	5000	121500	3000	124500	2000	85850	210350
3000	2500	57750	3600	61350	0	127250	188600
3000	3000	69500	3600	73100	500	116600	189700
3000	3500	81750	3600	85350	1000	106050	191400
3000	4000	94500	3600	98100	1500	95900	194000
3000	4500	107750	3600	111350	2000	85850	197200
3000	5000	121500	3600	125100	2500	66650	191750

9. AŞAMA (t = 9)

$$S_9 + X_9 - D_9 = S_{10}$$

$$S_9 + X_9 - 4500 = S_{10}$$

$$S_9 + X_9 = S_{10} + 4500$$

Min $S_{10} = 500$ ve Max $S_{10} = 2500$ olduğunda

$$\text{Min } (S_9 + X_9) = 500 + 4500 = 5000$$

$$\text{Max } (S_9 + X_9) = 7500 \text{ olur}$$

$$5000 \leq (S_9 + X_9) \leq 7500 \text{ olur.}$$

Çizelge 24: 9. Aşama

D. BAŞI STOK(S ₉)	ÜRETİM MİK.(X ₉)	MALİYETLER (MİLYON TL.)			PERİOD SONU STOK	SONRAKİ MALİYET	TOPLAM MALİYET
		ÜRETİM	STOK	TOPLAM			
0	5000	121500	0	121500	500	249350	370850
500	4500	107750	600	108350	500	249350	357700
500	5000	121500	600	122100	1000	236200	358300

1000	4000	94500	1200	95700	500	249350	345050
1000	4500	107750	1200	108950	1000	236200	345150
1000	5000	121500	1200	122700	1500	223550	346250
1500	3500	81750	1800	83550	500	249350	332900
1500	4000	94500	1800	96300	1000	236200	332500
1500	4500	107750	1800	109550	1500	223550	333100
1500	5000	121500	1800	123300	2000	211400	334700
2000	3000	69500	2400	71900	500	249350	321250
2000	3500	81750	2400	84150	1000	236200	320350
2000	4000	94500	2400	96900	1500	223550	320450
2000	4500	107750	2400	110150	2000	211400	321550
2000	5000	121500	2400	123900	2500	199750	323650
2500	2500	57750	3000	60750	500	249350	310100
2500	3000	69500	3000	72500	1000	236200	308700
2500	3500	81750	3000	84750	1500	223550	308300
2500	4000	94500	3000	97500	2000	211400	308900
2500	4500	107750	3000	110750	2500	199750	310500
2500	5000	121500	3000	124500	3000	188600	313100
3000	2000	46500	3600	50100	500	249350	299450
3000	2500	57750	3600	61350	1000	236200	297550
3000	3000	69500	3600	73100	1500	223550	296650
3000	3500	81750	3600	85350	2000	211400	296750
3000	4000	94500	3600	98100	2500	199750	297850
3000	4500	107750	3600	111350	3000	188600	299950

8. AŞAMA (t = 8)

$$S_8 + X_8 - D_8 = S_9$$

$$S_8 + X_8 - 4000 = S_9$$

Min (S₉) = 0 ve Max (S₉) = 3000 olduğunda

4000 ≤ (S₈ + X₈) ≤ 7000 olur.

Çizelge 25 8. Aşama

D. BAŞI STOK(S ₀)	ÜRETİM MİK(X ₀)	MALİYETLER (MİLYON TL.)			PERİOD SONU STOK	SONRAKİ MALİYET	TOPLAM MALİYET
		ÜRETİM	STOK	TOPLAM			
0	4000	94500	0	94500	0	370850	465350
0	4500	107750	0	107750	500	357700	465450
0	5000	121500	0	121500	1000	345050	466550
500	3500	81750	600	82350	0	370850	453200
500	4000	94500	600	95100	500	357700	452800
500	4500	107750	600	108350	1000	345050	453400
500	5000	121500	600	122100	1500	332500	454600
1000	3000	69500	1200	70700	0	370850	441550
1000	3500	81750	1200	82950	500	357700	440650
1000	4000	94500	1200	95700	1000	345050	440750
1000	4500	107750	1200	108950	1500	332500	441450
1000	5000	121500	1200	122700	2000	320350	443050
1500	2500	57750	1800	59550	0	370850	430400
1500	3000	69500	1800	71300	500	357700	429000
1500	3500	81750	1800	83550	1000	345050	428600
1500	4000	94500	1800	96300	1500	332500	428800
1500	4500	107750	1800	109550	2000	320350	429900
1500	5000	121500	1800	123300	2500	308300	431600
2000	2000	46500	2400	48900	0	370850	419750
2000	2500	57750	2400	60150	500	357700	417850
2000	3000	69500	2400	71900	1000	345050	416950
2000	3500	81750	2400	84150	1500	332500	416650
2000	4000	94500	2400	96900	2000	320350	417250
2000	4500	107750	2400	110150	2500	308300	418450
2000	5000	121500	2400	123900	3000	296650	420550
2500	1500	35750	3000	38750	0	370850	409600
2500	2000	46500	3000	49500	500	357700	407200
2500	2500	57750	3000	60750	1000	345050	405800
2500	3000	69500	3000	72500	1500	332500	405000
2500	3500	81750	3000	84750	2000	320350	405100

2500	4000	94500	3000	97500	2500	308300	405800
2500	4500	107750	3000	110750	3000	296650	407400
3000	1000	25500	3600	29100	0	370850	399950
3000	1500	35750	3600	39350	500	357700	397050
3000	2000	46500	3600	50100	1000	345050	395150
3000	2500	57750	3600	61350	1500	332500	393850
3000	3000	69500	3600	73100	2000	320350	393450
3000	3500	81750	3600	85350	2500	308300	393650
3000	4000	94500	3600	98100	3000	296650	394750

7. AŞAMA ($t = 7$)

$$S_7 + X_7 - D_7 = S_8$$

$$S_7 + X_7 - 3000 = S_8$$

Min (S_8) = 0 ve Max (S_8) = 3000 olduğunda

$3000 \leq (S_7 + X_7) \leq 6000$ olur.

Çizelge 26 : 7. Aşama

D. BAŞI STOK(S_7)	ÜRETİM MİK(X_7)	MALİYETLER (MİLYON TL.)			PERİOD SONU STOK	SONRAKİ MALİYET	TOPLAM MALİYET
		ÜRETİM	STOK	TOPLAM			
0	3000	69500	0	69500	0	465350	534850
0	3500	81750	0	81750	500	452800	534550
0	4000	94500	0	94500	1000	440650	535150
0	4500	107750	0	107750	1500	428600	536350
0	5000	121500	0	121500	2000	416650	538150
500	2500	57750	600	58350	0	465350	523700
500	3000	69500	600	70100	500	452800	522900
500	3500	81750	600	82350	1000	440650	523000
500	4000	94500	600	95100	1500	428600	523700

500	4500	107750	600	108350	2000	416650	525000
500	5000	121500	600	122100	2500	405000	527100
1000	2000	46500	1200	47700	0	465350	513050
1000	2500	57750	1200	58950	500	452800	511750
1000	3000	69500	1200	70700	1000	440650	511350
1000	3500	81750	1200	82950	1500	428600	511550
1000	4000	94500	1200	95700	2000	416650	512350
1000	4500	107750	1200	108950	2500	405000	513950
1000	5000	121500	1200	122700	3000	393450	516150
1500	1500	35750	1800	37550	0	465350	502900
1500	2000	46500	1800	48300	500	452800	501100
1500	2500	57750	1800	59550	1000	440650	500200
1500	3000	69500	1800	71300	1500	428600	499900
1500	3500	81750	1800	83550	2000	416650	500200
1500	4000	94500	1800	96300	2500	405000	501300
1500	4500	107750	1800	109550	3000	393450	503000
2000	1000	25500	2400	27900	0	465350	493250
2000	1500	35750	2400	38150	500	452800	490950
2000	2000	46500	2400	48900	1000	440650	489550
2000	2500	57750	2400	60150	1500	428600	488750
2000	3000	69500	2400	71900	2000	416650	488550
2000	3500	81750	2400	84150	2500	405000	489150
2000	4000	94500	2400	96900	3000	393450	490350
2500	500	15750	3000	18750	0	465350	484100
2500	1000	25500	3000	28500	500	452800	481300
2500	1500	35750	3000	38750	1000	440650	479400
2500	2000	46500	3000	49500	1500	428600	478100
2500	2500	57750	3000	60750	2000	416650	477400
2500	3000	69500	3000	72500	2500	405000	477500
2500	3500	81750	3000	84750	3000	393450	478200
3000	3000	69500	3600	73100	3000	393450	466550

6. AŞAMA

$$S_6 + X_6 - D_6 = S_7$$

$$S_6 + X_6 - 6000 = S_7$$

$\text{Min} (S_7) = 0$ ve $\text{Max} (S_7) = 3000$ olduğunda

$$\text{Min} (S_6 + X_6) = \text{Min} (S_7) + 6000 = 6000 \text{ olur}$$

$$\text{Max} (S_6 + X_6) = \text{Max} (S_6) + 6000 = 9000 \text{ gibi elde edilmesine karşın max.}$$

Üretim miktarı bir dönemde 5000 ve max. Stok miktarı 3000 kısıtları altında

$\text{Max} (S_6 + X_6) = 8000 \text{ olur. Bu durumda;}$

$$6000 \leq (S_6 + X_6) \leq 8000 \text{ olur.}$$

Ayrıca Haziran ayındaki talebi karşılayabilmek için bir önceki aydan minimum 1000 tane stok kalmış olması gereklidir. Yani Haziran ayı dönem başı stok miktarı minimum 1000 olmalıdır.

Çizelge 27 : 6.Aşama

D. BAŞI STOK(S ₆)	ÜRETİM MİK(X ₆)	MALİYETLER (MİLYON TL.)			PERİOD SONU STOK	SONRAKİ MALİYET	TOPLAM MALİYET
		ÜRETİM	STOK	TOPLAM			
1000	5000	121500	1200	122700	0	534550	657250
1500	4500	107750	1800	109550	0	534550	644100
1500	5000	121500	1800	123300	500	522900	646200
2000	4000	94500	2400	96900	0	534550	631450
2000	4500	107750	2400	110150	500	522900	633050
2000	5000	121500	2400	123900	1000	511350	635250
2500	3500	81750	3000	84750	0	534550	619300
2500	4000	94500	3000	97500	500	522900	620400
2500	4500	107750	3000	110750	1000	511350	622100
2500	5000	121500	3000	124500	1500	499900	624400
3000	3000	69500	3600	73100	0	534550	607650
3000	3500	81750	3600	85350	500	522350	607700
3000	4000	94500	3600	98100	1000	511350	609450
3000	4500	107750	3600	111350	1500	499900	611250
3000	5000	121500	3600	125100	2000	488550	613650

5. AŞAMA

$$S_5 + X_5 - D_5 = S_6$$

$$S_5 + X_5 - 3500 = S_6$$

$\text{Min } (S_6) = 1000 ; \text{ Max } (S_6) = 3000$ olduğundan

$4500 \leq S_5 + X_5 \leq 6000$ olur.

5. aşama için önemli bir kısıt bir sonraki aya en az 1000 adet ürün devretmesidir. Yani Mayıs ayı sonunda talep karşılandıktan sonra 1000 adet ürün kalması gerekmektedir.

Çizelge 28: 5. Aşama

D. BAŞI STOK(S ₅)	ÜRETİM MIK(X ₅)	MALİYETLER (MİLYON TL.)			PERİOD SONU STOK	SONRAKİ MALİYET	TOPLAM MALİYET
		ÜRETİM	STOK	TOPLAM			
0	4500	107750	0	107750	1000	657250	765000
0	5000	121500	0	121500	1500	644100	765600
500	4000	94500	600	95100	1000	657250	752350
500	4500	107750	600	108350	1500	644200	752550
500	5000	121500	600	122100	2000	631450	753550
1000	3500	81750	1200	82950	1000	657250	740200
1000	4000	94500	1200	95700	1500	644200	739900
1000	4500	107750	1200	108950	2000	631450	740400
1000	5000	121500	1200	122700	2500	619300	742000
1500	3000	69500	1800	71300	1000	657250	728550
1500	3500	81750	1800	83550	1500	644100	727650
1500	4000	94500	1800	96300	2000	631450	727750
1500	4500	107750	1800	109550	2500	619300	728850
1500	5000	121500	1800	123300	3000	607700	731000
2000	2500	57750	2400	60150	1000	657350	717500
2000	3000	69500	2400	71900	1500	644100	716000
2000	3500	81750	2400	84150	2000	631450	715600
2000	4000	94500	2400	96900	2500	619300	716200
2000	4500	107750	2400	110150	3000	607700	717850
2500	2000	46500	3000	49500	1000	657250	706750
2500	2500	57750	3000	60750	1500	644100	704850
2500	3000	69500	3000	72500	2000	631450	703950
2500	3500	81750	3000	84750	2500	619300	704050
2500	4000	94500	3000	97500	3000	607700	705200
3000	1500	35750	3600	39350	1000	657250	696600

3000	2000	46500	3600	50100	1500	644100	694200
3000	2500	57750	3600	61350	2000	631450	692800
3000	3000	69500	3600	73100	2500	619300	692400
3000	3500	81750	3600	85350	3000	607700	693050

4. AŞAMA

$$S_4 + X_4 - D_4 = S_5$$

$$S_4 + X_4 - 3500 = S_5$$

Min (S_5) = 0 ; Max (S_5) = 3000 olduğundan

$3500 \leq S_4 + X_4 \leq 6500$ olur.

Çizelge 29 : 4. Aşama

D. BAŞI STOK(S_4)	ÜRETİM MİK(X_4)	MALİYETLER (MİLYON TL.)			PERİOD SONU STOK	SONRAKİ MALİYET	TOPLAM MALİYET
		ÜRETİM	STOK	TOPLAM			
0	3500	81750	0	81750	0	765000	846750
0	4000	94500	0	94500	500	752350	846850
0	4500	107750	0	107750	1000	739900	847650
0	5000	121500	0	121500	1500	727650	849150
500	3000	69500	600	70100	0	765000	835100
500	3500	81750	600	82350	500	752350	834700
500	4000	94500	600	95100	1000	739900	835000
500	4500	107750	600	108350	1500	727650	836000
500	5000	121500	600	122100	2000	715600	837700
1000	2500	57750	1200	58950	0	765000	823950
1000	3000	69500	1200	70700	500	752350	823050
1000	3500	81750	1200	82950	1000	739900	822850
1000	4000	94500	1200	95700	1500	727650	823350
1000	4500	107750	1200	108950	2000	715600	824550
1000	5000	121500	1200	122700	2500	703950	826650
1500	2000	46500	1800	48300	0	765000	813300
1500	2500	57750	1800	59550	500	752350	811900
1500	3000	69500	1800	71300	1000	739900	811200
1500	3500	81750	1800	83550	1500	727650	811200
1500	4000	94500	1800	96300	2000	715600	811900

1500	4500	107750	1800	109550	2500	703950	813500
1500	5000	121500	1800	123300	3000	692400	815700
2000	1500	35750	2400	38150	0	765000	803150
2000	2000	46500	2400	48900	500	752350	801250
2000	2500	57750	2400	60150	1000	739900	800050
2000	3000	69500	2400	71900	1500	727650	799550
2000	3500	81750	2400	84150	2000	715600	799750
2000	4000	94500	2400	96900	2500	703950	800850
2000	4500	107750	2400	110150	3000	692400	802550
2500	1000	25500	3000	28500	0	765000	793500
2500	1500	35750	3000	38750	500	752350	791100
2500	2000	46500	3000	49500	1000	739900	789400
2500	2500	57750	3000	60750	1500	727650	788400
2500	3000	69500	3000	72500	2000	715600	788100
2500	3500	81750	3000	84750	2500	703950	788700
2500	4000	94500	3000	97500	3000	692400	789900
3000	500	15750	3600	19350	0	765000	784350
3000	1000	25500	3600	29100	500	752350	781450
3000	1500	35750	3600	39350	1000	739900	779250
3000	2000	46500	3600	50100	1500	727650	777750
3000	2500	57750	3600	61350	2000	715600	776950
3000	3000	69500	3600	73100	2500	703950	777050
3000	3500	81750	3600	85350	3000	692400	777750

3. AŞAMA

$$S_3 + X_3 - D_3 = S_4$$

$$S_3 + X_3 - 5500 = S_4$$

$$\text{Min}(S_4) = 0 ; \text{Max}(S_4) = 3000$$

$$\text{Min}(S_3 + X_3) = 0 + 5500 = 5500 \text{ olur}$$

$\text{Max}(S_3 + X_3) = 300 + 5500 = 8500$ gibi elde dilmesine karşın maksimum üretim miktarı bir dönemde 5000 ve maksimum stok miktarı 3000 kısıtları altında

$$\text{Max}(S_3 + X_3) = 8000 \text{ olur}$$

$$5500 \leq (S_3 + X_3) \leq 8000$$

Ayrıca Mart ayındaki talebi karşılayabilmek için Mart ayı başında minimum 500 birim ürünün üretilmiş olarak stokta bulunması gerekmektedir.

Çizelge 30 : 3. Aşama

D. BAŞI STOK(S ₃)	ÜRETİM MİK(X ₃)	MALİYETLER (MİLYON TL.)			PERİOD SONU STOK	SONRAKİ MALİYET	TOPLAM MALİYET
		ÜRETİM	STOK	TOPLAM			
500	5000	121500	600	122100	0	846750	968850
1000	4500	107750	1200	108950	0	846750	955700
1000	5000	121500	1200	122700	500	834700	957400
1500	4000	94500	1800	96300	0	846750	943050
1500	4500	107750	1800	109550	500	834700	944250
1500	5000	121500	1800	123300	1000	822850	946150
2000	3500	81750	2400	84150	0	846750	930900
2000	4000	94500	2400	96900	500	834700	931600
2000	4500	107750	2400	110150	1000	822850	933000
2000	5000	121500	2400	123900	1500	811200	935100
2500	3000	69500	3000	72500	0	846750	919250
2500	3500	81750	3000	84750	500	834700	919450
2500	4000	94500	3000	97500	1000	822850	920350
2500	4500	107750	3000	110750	1500	811200	921950
2500	5000	121500	3000	124500	2000	799550	924050
3000	2500	57750	3600	61350	0	846750	908100
3000	3000	69500	3600	73100	500	834700	907800
3000	3500	81750	3600	85350	1000	822850	908200
3000	4000	94500	3600	98100	1500	811200	909300
3000	4500	107750	3600	111350	2000	799550	910900
3000	5000	121500	3600	125100	2500	788100	913200

2. AŞAMA

$$S_2 + X_2 - D_2 = S_3$$

$$S_2 + X_2 - 3000 = S_3$$

$\text{Min } (S_3) = 500$; $\text{Max } (S_3) = 3000$ olduğunda

$\text{Min } (S_2 + X_2) = 3500$

$\text{Max } (S_2 + X_2) = 6000$

$3500 \leq (S_2 + X_2) \leq 6000$

Çizelge 31 : 2. Aşama

D. BAŞI STOK(S_2)	ÜRETİM MİK(X_2)	MALİYETLER (MİLYON TL.)			PERİOD SONU STOK	SONRAKİ MALİYET	TOPLAM MALİYET
		ÜRETİM	STOK	TOPLAM			
0	3500	81750	0	81750	500	968850	1050600
0	4000	94500	0	94500	1000	955700	1050200
0	4500	107750	0	107750	1500	943050	1050800
0	5000	121500	0	121500	2000	930900	1052400
500	3000	69500	600	70100	500	968850	1038950
500	3500	81750	600	82350	1000	955700	1038050
500	4000	94500	600	95100	1500	943050	1038150
500	4500	107750	600	108350	2000	930900	1039250
500	5000	121500	600	122100	2500	919250	1041350
1000	2500	57750	1200	58950	500	968850	1027800
1000	3000	69500	1200	70700	1000	955700	1026400
1000	3500	81750	1200	82950	1500	943050	1026000
1000	4000	94500	1200	95700	2000	930900	1026600
1000	4500	107750	1200	108950	2500	919250	1028200
1000	5000	121500	1200	122700	3000	907800	1030500
1500	2000	46500	1800	48300	500	968850	1017150
1500	2500	57750	1800	59550	1000	955700	1015250
1500	3000	69500	1800	71300	1500	943050	1014350
1500	3500	81750	1800	83550	2000	930900	1014450
1500	4000	94500	1800	96300	2500	919250	1015550
1500	4500	107750	1800	109550	3000	907800	1017350
2000	1500	35750	2400	38150	500	968850	1007000
2000	2000	46500	2400	48900	1000	955700	1004600
2000	2500	57750	2400	60150	1500	943050	1003200
2000	3000	69500	2400	71900	2000	930900	1002800
2000	3500	81750	2400	84150	2500	919250	1003400
2000	4000	94500	2400	96900	3000	907800	1004700
2500	1000	25500	3000	28500	500	968850	997350
2500	1500	35750	3000	38750	1000	955700	994450

2500	2000	46500	3000	49500	1500	943050	992550
2500	2500	57750	3000	60750	2000	930900	991650
2500	3000	69500	3000	72500	2500	919250	991750
2500	3500	81750	3000	84750	3000	907800	992550
3000	500	15750	3600	19350	500	968850	988200
3000	1000	25500	3600	29100	1000	955700	984800
3000	1500	35750	3600	39350	1500	943050	982400
3000	2000	46500	3600	50100	2000	930900	981000
3000	2500	57750	3600	61350	2500	919250	980600
3000	3000	69500	3600	73100	3000	907800	980900

1. AŞAMA

$$S_1 + X_1 - D_1 = S_2$$

$$S_1 + X_1 - 3000 = S_2$$

Min (S_2) = 0 ; Max (S_2) = 3000 olduğunda

$$3000 \leq (S_1 + X_1) \leq 5000$$

olur. Çünkü Ocak ayı başında stok miktarı sıfırdır.

Çizelge 32 : 1. Aşama

D. BAŞI STOK(S_1)	ÜRETİM MİK(X_1)	MALİYETLER (MİLYON TL.)			PERİOD SONU STOK	SONRAKİ MALİYET	TOPLAM MALİYET
		ÜRETİM	STOK	TOPLAM			
0	3000	69500	0	69500	0	1050200	1119700
0	3500	81750	0	81750	500	1038050	1119800
0	4000	94500	0	94500	1000	1026000	1120500
0	4500	107750	0	107750	1500	1014350	1122100
0	5000	121500	0	121500	2000	1002800	1124300

SONUÇ:

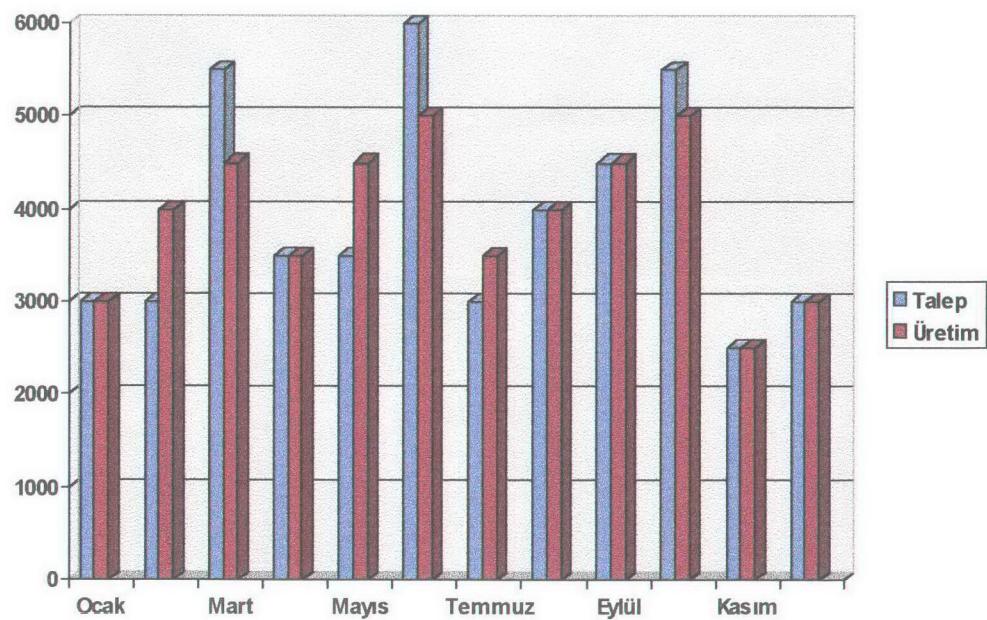
Her bir ay için oluşturulan çizelgeler yardımıyla en son çizelgeden minimum maliyeti veren üretim miktarları ve dönem başı stok miktarları geriye doğru gidilerek elde edilir. En son çizelge için dönem başı stok miktarı "0" olduğu durumda minimum maliyet 3000 adet mal üretildiğinde sağlanır. Bu plana göre ocak ayı sonunda stok miktarı "0" olacaktır. Bir sonraki ayda dönem başı stok miktarının "0" olduğu durumundaki üretim miktarı ise çizelge 31 yardımıyla 4000 olarak bulunur. Planda şubat ayı için 4000 adet ürün üretilmesi belirlendiğinde mart ayı için dönem başı stok miktarının 1000 adet olacağı öngörlür. Bu öngörüm ile çizelge 30 'dan mart ayı için üretim miktarının 4500 adet olması planlanır. Geriye doğru yapılan tekrarlamalar ile çizelge 33 ' te verilen üretim planı elde edilir.

Çizelge 33 : Batı Makine Sanayii Üretim Planı

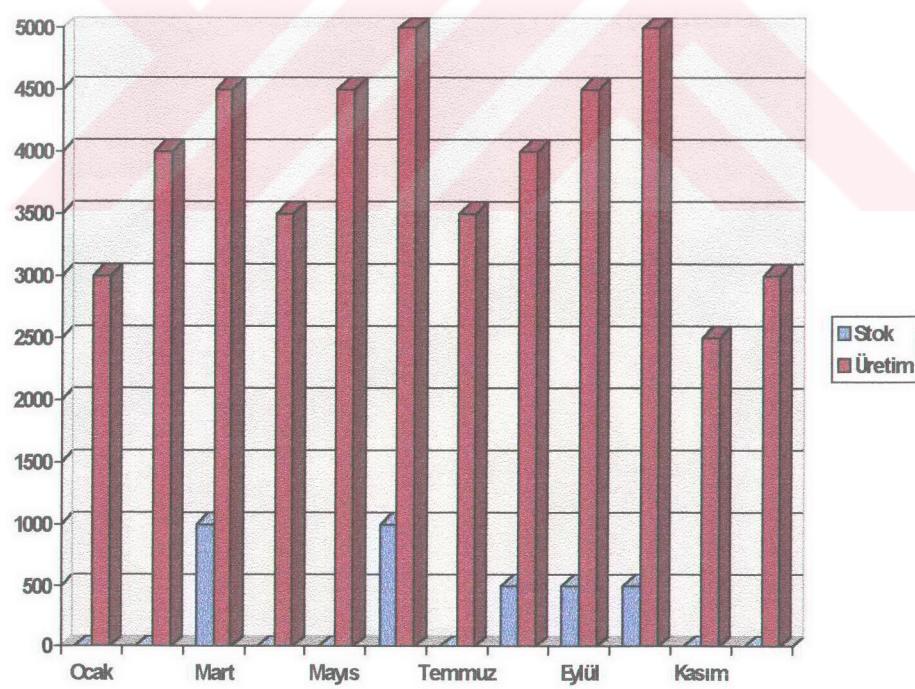
	Ocak	Şubat	Mart	Nisan	Mayıs	Haziran	Temmuz
Stok	0	0	1000	0	0	1000	0
Üretim	3000	4000	4500	3500	4500	5000	3500

	Ağustos	Eylül	Ekim	Kasım	Aralık
Stok	500	500	500	0	0
Üretim	4000	4500	5000	2500	3000

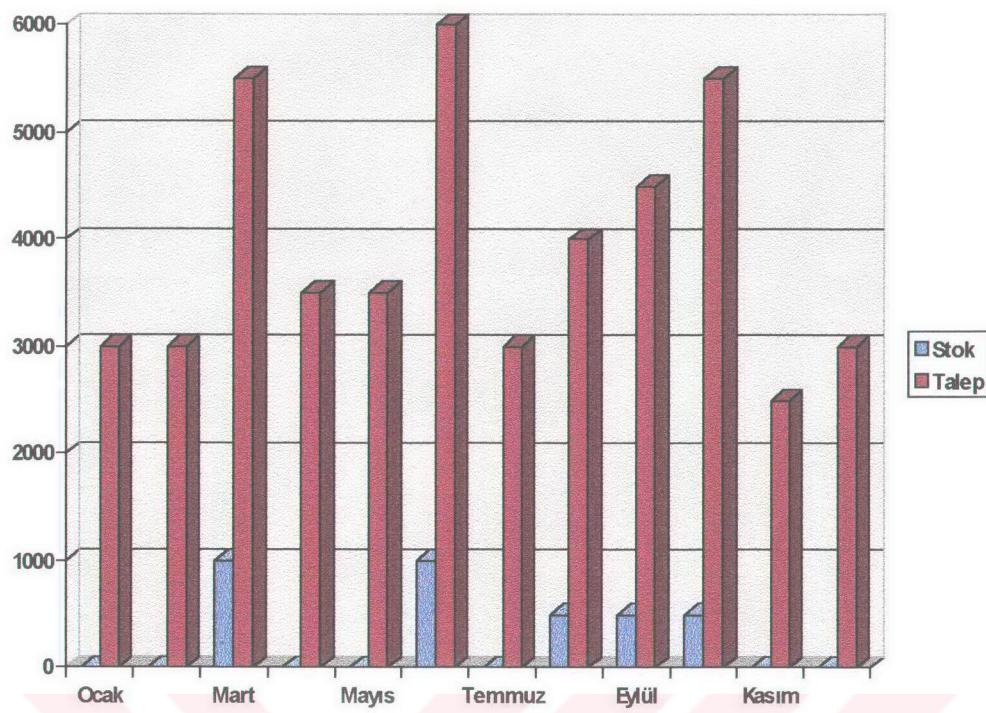
Şekil 8 , 9 , 10 ' da sırasıyla aylara göre Talep –Üretim , Stok – Üretim , Stok – Talep ilişkisi verilmiştir.



Şekil7 : Aylara Göre Talep Üretim İlişkisi



Şekil 8 : Aylara Göre Stok Üretim İlişkisi



Şekil 9 : Aylara Göre Stok Talep İlişkisi

4.4 Talep Ve Stok Miktarındaki Değişmelerin Üretim Planı Üzerine Etkisi

İşletme için planlama döneminde ,talep ve stok miktarındaki değişimlerin planlamaya olan etkisi önem taşımaktadır. Talep veya stok miktarındaki değişimlerin üretim planını nasıl etkileyeceği , maliyetlerde nasıl bir değişiklik olacağı yöneticiler tarafından belirlenmesi gereklidir. Bu anlamda, yapılan uygulama için durumlar inceleneciktir.

1.Aylık talep miktarı değişmesi

1.Durum

Şubat ayı sonuna gelindiğinde mart ayı talep miktarı 5500 birimden 6000 birime çıktığında üretim planı nasıl değişir?

Plan : Şubat ayı sonuna gelindiğinde mart ayındaki talebi karşılayabilme için durum değişkenimize bağlı olarak üretim miktarını 500 birim arttırmalıyız.
 Mart ayı içinde 5000 adet ürün üretmeliyiz.

2.Durum

İşletme ocak ayı sonuna geldiğinde Mart ayı talep miktarı 5500 ' den 6000 ' e çıktığında üretim planımız nasıl olur?

Plan : Mart ayı durum değişkeni şubat ayı tarafından belirleneceğinden şubat ayında göz önüne alarak 2 aşamalı çözüm yapılır. Çizelge 34 mart ayı için , çizelge 35 şubat ayı için planlamayı içerir.

Çizelge 34

D. BAŞI	ÜRETİM	MALİYETLER (MİLYON TL.)			PERİOD	SONRAKİ	TOPLAM
STOK (S2)	MİK. (X2)	ÜRETİM	STOK	TOPLAM	SONU STOK	MALİYET	MALİYET
1000	5000	121500	1200	122700	0	846750	969450
1500	4500	107750	1800	109550	0	846750	956300
1500	5000	121500	1800	123300	500	834700	958000
2000	4000	94500	2400	96900	0	846750	943650
2000	4500	107750	2400	110150	500	834700	944850
2000	5000	121500	2400	123900	1000	822850	946750

Çizelge 35

D. BAŞI	ÜRETİM	MALİYETLER (MİLYON TL.)			PERİOD	SONRAKİ	TOPLAM
STOK (S2)	MİK. (X2)	ÜRETİM	STOK	TOPLAM	SONU STOK	MALİYET	MALİYET
0	4000	94500	0	94500	1000	969450	1063950
0	4500	107750	0	107750	1500	956300	1064050
0	5000	121500	0	121500	2000	943650	1065150

Çizelge 35 te sözkonusu durum için üretim planı şubat ayı için 4000 ve çizelge 34'ten mart ayı için 5000 olarak bulunur.

2. Stok Miktarı Değişmesi

İşletme temmuz ayında iken plan dahilinde bir sonraki aya 500 birim ürün devretmesi öngörülmüşken , ürünü bayilere dağıtamamaktan veya talepteki ani azalmadan ötürü 1000 birim mal devrettiği durumda ağustos ayı üretim planımız nasıl etkilenir?

Plan : Ağustos ayı başında stok miktarımız 1000 olarak belirlendiğinden , stok miktarına bağlı olarak üretim miktarları arasından minimum olan plan belirlenir. Çizelge 36 bu planı içermektedir. Çizelge 36 ' dan ağustos ayı için üretim miktarı 3500 olarak bulunur.

Çizelge 36

D. BAŞI	ÜRETİM	MALİYETLER (MİLYON TL.)			PERİOD	SONRAKİ	TOPLAM
STOK (S2)	MİK. (X2)	ÜRETİM	STOK	TOPLAM	SONU STOK	MALİYET	MALİYET
1000	3000	69500	1200	70700	0	370850	441550
1000	3500	81750	1200	82950	500	357700	440650
1000	4000	94500	1200	95700	1000	345050	440750
1000	4500	107750	1200	108950	1500	332500	441450
1000	5000	121500	1200	122700	2000	320350	443050

SONUÇ

Çok aşamalı üretim stok planlaması için dinamik programlama yaklaşımı optimum çözüm için etkin bir yöntemdir.

Bunun yanında dinamik programlama bir standart modele sahip olmadığından sorun çözmede uzmanlık isteyen bir optimizasyon yaklaşımıdır. Ayrıca en önemli sorunlarından biri boyutsallığın doğdurduğu sorundur.

KAYNAKÇA

- ACAR , Nesime ; Malzeme İhtiyaç Planlaması ; Ankara 1995
- ACAR , Nesime ; Üretim Planlaması Yöntem Ve Uygulamaları ; Ankara 1989
- ACAR , Nesime – ESTAŞ , Semra ; Kesikli Seri Üretim Sistemlerinde Planlama Ve Kontrol Çalışmaları
- AKALI , Sedat ; Yöneylem Araştırması ; 1979 İzmir
- AKDENİZ , H. Ahmet – DURMAZ Faruk ; The Application Of Production – Stock Balance Model On WMI (Yayınlanmamış Çalışma)
- ANDERSON , David R. – SWEENEY , Dennis J. – WILLIAMS , Thomas A. , An Introduction To Management Science Quantitative Approaches To Decision Making ; 1985 Can Fransisco
- BALABAN , Ali ; Su Kaynaklarının Planlanması ; 1986 Ankara
- BAZARAA , Mokhtar S. – JARVİS , John J. – SHERAL , Harit D. ; Linear Programming And Network Flows ; 1990 Singapore
- BERTSEAKS , Dimitri P. ; Dynamic Programming and Stochastic Control ; 1976 New York
- BUDNICK , Frank S. – MCLEAVEY , Dennis – MOJENA , Richard ; Princibles Of Operations Research For Management ; Yale Uni. 1988
- BURNS , James R. – AUSTİN Larry M. ; Management Science Models And The Microcomputer ; 1986 New York .
- CHİANG , Alpha C. , Matematiksel İktisadın Temel Yöntemleri (Çeviri) ; Ankara 1990
- DEMİR , Hulusi ; Üretim Yönetimi ; 1982 İzmir
- DENNİS , Laurie B. – DENNİS Terry L. ; Microcomputer Models For Management Decision Making ; 1986 St Paul
- DİLWART , B. James ; Operations Management ; 1996
- DOĞAN , İbrahim ; Yöneylem Araştırması Teknikleri Ve İşletme Uygulamaları ; 1995 Eskişehir
- EMRE , Aynur ; Tam Zamanında Üretim Sisteminin Ülkemizdeki

- HALAÇ , Osman ; Kantitatif Karar Verme Teknikleri ;1995 İstanbul
- HILLIER , Frederck S. – LIEBERMAN Gerald J. ; Introduction To Operations Research ;New York 1990
- KARA , İmdat ; Yöneylem Araştırması " Doğrusal Olmayan Modeller " ; Eskişehir 1986
- KARA , İmdat ; Yöneylem Araştırmasının Yöntembilimi ; 1985 Eskişehir
- KARAYALÇIN , i. İlhami ; Yöneylem "Hareket " Araştırması ; 1993 İstanbul
- KOBU , Bülent ; Üretim Yönetimi ; 1994 İstanbul
- LAPİN , Lawrencel L. – JAVANOVICH Harcourt Brace ; Quantitative Methods For Business Decision ; 1978 Atlanta
- LOWE , P.H. ; Üretim Planlaması ; 1972 İstanbul
- MARKLAND , Robert E. ; Topics İn Manegement Science ; New York 1989
- ÖZGÜVEN , Cemal ; Doğrusal Programlama ; Kayseri 1986
- ÖZTÜRK , Ahmet ; Yöneylem Araştırması ; 1991 Bursa
- PERIİRA , M.V.F. – PINTO , L.M.V.G. ; Multi Stage Stochastic Optimization Applied To Energy Planning ;1989 Rio De Janerio
- PHILLIPS , Don T. – RAVINDRAN , A. – SOLBERG , James J. ; Operation Research ; 1976 Canada
- RAO , S.S. ; Optimization Theory And Applications ; New Delhi 1978
- TAHA , Hamdy A. ; Operatins Research ; New York 1987
- TATAR , Tevfik ; İşletmelerde Üretim Yönetimi Ve Teknikleri ; Ankara
- TÜTEK , Hülya H. – GÜMÜŞOĞLU , Şevkinaz ; Sayısal Yöntemler ;1994 İstanbul
- WAGNER , Harvey M. ; Princibles Of Operations Research ; New Jersey 1969